

**Método riguroso para las separaciones de multicomponentes  
en etapas múltiples  
(Destilación binaria etanol / agua)**

**DATOS DIRECTOS DE LA EXPERIMENTACIÓN  
(HERVIDOR 17)**

**DIMENSIONES DE LA COLUMNA Y CONDICIONES INICIALES  
DE ALIMENTACIÓN**

- Posición en la perilla de calentamiento en el número 9
- Alimentación a la torre con la válvula intermedia del precalentador
- Longitud de la sección empacada 91.5 cm

Densidad de la mezcla de alimentación  $\rho_A = 0.935 \text{ g / cm}^3$

Composición en % en masa

$$\% \text{ masa} = -4606 \rho_A^3 + 11475 \rho_A^2 - 9909 \rho_A + 3038.1; \% \text{ masa} = 40 \frac{\text{g ETOH}}{\text{g mezcla}}$$

Flujo de la alimentación de la mezcla a la columna, utilizando un flujo en la posición de la bomba de 50/50 = 0.143202 (L / min), valor calculado como referencia.

$$50/50 = 0.244 \text{ L/min}$$

M ===== M

**PRUEBA I**  
**RELACIÓN DE REFLUJO L / D = 1/2**  
**ALIMENTACIÓN EN EL HERVIDOR 17**

**FLUJOS**

Fondos				Destilado		
Tiempo de operación (min)	Tiempo de llenado probeta (min)	Volumen probeta (L)	Flujo (L / min)	Tiempo de llenado probeta (min)	Volumen probeta (L)	Flujo (L / min)
20	1.34	0.21	0.156	2.02	0.234	0.116

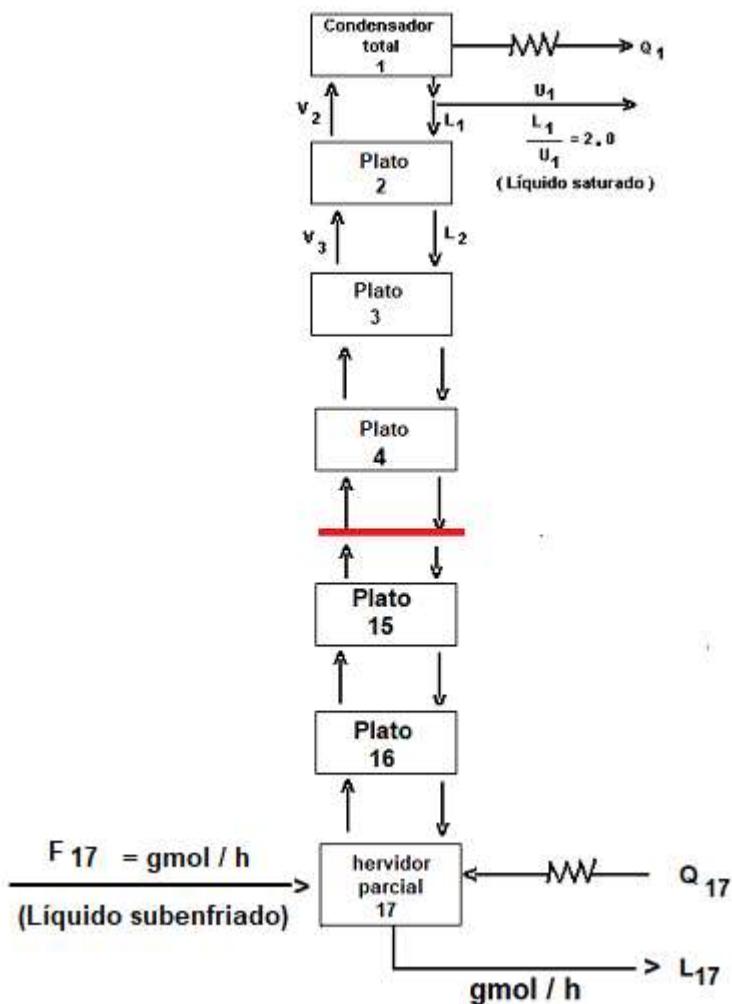
**COMPOSICIONES**

$\% \text{masa} = -4606 \rho^3 + 11475 \rho^2 - 9909 \rho + 3038.1$ Densidad $\rho$ = (g /mL)				
Fondos			Destilado	
Tiempo de operación (min)	Densidad de Fondos ( $\rho_F$ ) (g /mL)	Composición Fondos % masa	Densidad de Destilado ( $\rho_D$ ) (g /mL)	Composición Destilado % masa
20	0.964	23.3	0.84	81.3

**TEMPERATURAS**

Tiempo de operación (min)	T1 Hervidor 17 (°C)	T2 Plato 16 (°C)	T3 Plato 11 (°C)	T4 Plato 4 (°C)	T5 Condensador 1 (°C)
20	81.2	78.9	78.0	74.7	74

T6 Precalentamiento (de alimentación) (°C)	T7 Entrada de agua al condensador (°C)	T8 Salida de agua del condensador (°C)
22.5	18.6	21.4



RELACIÓN DE REFLUJO

$$\text{LenD} := \frac{1}{2}$$

TEMPERATURAS DEL HERVIDOR

$$T_1 := 81.2 \text{ } ^\circ\text{C}$$

TEMPERATURAS DE ALIMENTACIÓN DE LA MEZCLA  
(T6 del precalentador)

$$T^{\circ}\text{CA} := 22.5 \text{ } ^\circ\text{C}$$

FLUJOS

$$\text{LA} := 0.244 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

alimentación

$$\text{LF} := 0.156 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

fondos

$$\text{LD} := 0.116 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

destilado

DENSIDADES Y COMPOSICIONES

$$\rho_A := 0.935 \frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3} \quad \rho_F := 0.964 \frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3} \quad \rho_D := 0.84 \frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3}$$

$$\%mA := -4606 \cdot \rho_A^3 + 11475 \cdot \rho_A^2 - 9909 \cdot \rho_A + 3038.1 \quad \text{porciento en masa}$$

$$\%mD := -4606 \cdot \rho_D^3 + 11475 \cdot \rho_D^2 - 9909 \cdot \rho_D + 3038.1 \quad \text{porciento en masa}$$

$$\%mF := -4606 \cdot \rho_F^3 + 11475 \cdot \rho_F^2 - 9909 \cdot \rho_F + 3038.1 \quad \text{porciento en masa}$$

$$xmA := \frac{\%mA}{100}$$

$$xmF := \frac{\%mF}{100}$$

$$xmD := \frac{\%mD}{100}$$

$$xmA = 0.3997$$

$$xmF = 0.2325$$

$$xmD = 0.8131$$

g ETOH / g mezcla

g ETOH / g mezcla

g ETOH / g mezcla

## LAS FRACCIONES MOL

$$PMH2O := 18 \text{ gr/gmol}$$

$$PMETOH := 46 \text{ gr/gmol}$$

$$xmolA := \frac{\xrightarrow{xmA}}{\frac{\xrightarrow{PMETOH}}{\frac{xmA}{PMETOH} + \frac{1 - xmA}{PMH2O}}}$$

$$xmolF := \frac{\xrightarrow{xmF}}{\frac{\xrightarrow{PMETOH}}{\frac{xmF}{PMETOH} + \frac{1 - xmF}{PMH2O}}}$$

$$xmolD := \frac{\xrightarrow{xmD}}{\frac{\xrightarrow{PMETOH}}{\frac{xmD}{PMETOH} + \frac{1 - xmD}{PMH2O}}}$$

$$xmolA = 0.207$$

$$xmolF = 0.106$$

$$xmolD = 0.63$$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

gmol ETOH /  
gmol mezcla

gmol ETOH /  
gmol mezcla

## Balance de materia

$$PM_{promedioA} := xmolA \cdot PMETOH + (1 - xmolA) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioF} := xmolF \cdot PMETOH + (1 - xmolF) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioD} := xmolD \cdot PMETOH + (1 - xmolD) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioA} = 23.788 \text{ kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

$$PM_{promedioF} = 20.967 \text{ kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

$$PM_{promedioD} = 35.637 \text{ kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

### Los flujos en g / h y en gmol / h

$$LA_{masico} := \overrightarrow{\left[ LA \cdot \rho A \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$LF_{masico} := \overrightarrow{\left[ LF \cdot \rho F \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$LD_{masico} := \overrightarrow{\left[ LD \cdot \rho D \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$\frac{g}{h} = \frac{L}{\text{min}} \cdot \frac{g_{\text{mezcla}}}{\text{cm}^3} \cdot \frac{60 \cdot \text{min}}{1 \text{h}} \cdot \frac{\left( 1000 \cdot \text{cm}^3 \right)}{1 \text{L}}$$

$$LA_{molar} := \overrightarrow{\left( LA_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioA}} \right)}$$

$$LF_{molar} := \overrightarrow{\left( LF_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioF}} \right)}$$

$$LD_{molar} := \overrightarrow{\left( LD_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioD}} \right)}$$

$$\frac{gmolmezcla}{h} = \frac{g}{h} \cdot \frac{gmolmezcla}{gmezcla}$$

### Balance molar en la columna

$$LAmolar = LFmolar + LDmolar$$

$$LAmolar = \frac{gmolmezcla}{h}$$

$$LFmolar + LDmolar = 594.393 \frac{gmolmezcla}{h}$$

Si no concuerda el balance molar, tomar

$$LAmolar := LFmolar + LDmolar$$

$$LAmolar = 594.393 \text{ gmol de mezcla / h}$$

$$LFmolar = 430.337 \text{ gmol de mezcla / h}$$

$$LDmolar = 164.056 \text{ gmol de mezcla / h}$$

### Inicio del programa punto de burbuja

$$ORIGIN := 1$$

### Temperatura de alimentación

$$TF17^{\circ}\text{C} := T^{\circ}\text{C}, {}^{\circ}\text{C}$$

Temperatura de alimentación F en el hervidor 17 en °C

$$TF17^{\circ}\text{C} = 22.5 \text{ } {}^{\circ}\text{C}$$

### composiciones de entrada y salida

$$Z_{117} := xmolA$$

$$Z_{117} = 0.207$$

gmol ETOH / gmol mezcla

$$Z_{217} := 1 - Z_{117}$$

$$Z_{217} = 0.793$$

gmol H2O / gmol mezcla

### Alimentación al hervidor como líquido subenfriado

$$F_{17} := L_A molar \text{ gmol de mezcla / h}$$

$$F_{17} = 594.393 \text{ gmol de mezcla / h}$$

### Flujo de fondos o residuos que salen de la columna

$$L_{17} := L_F molar \text{ gmol de mezcla / h}$$

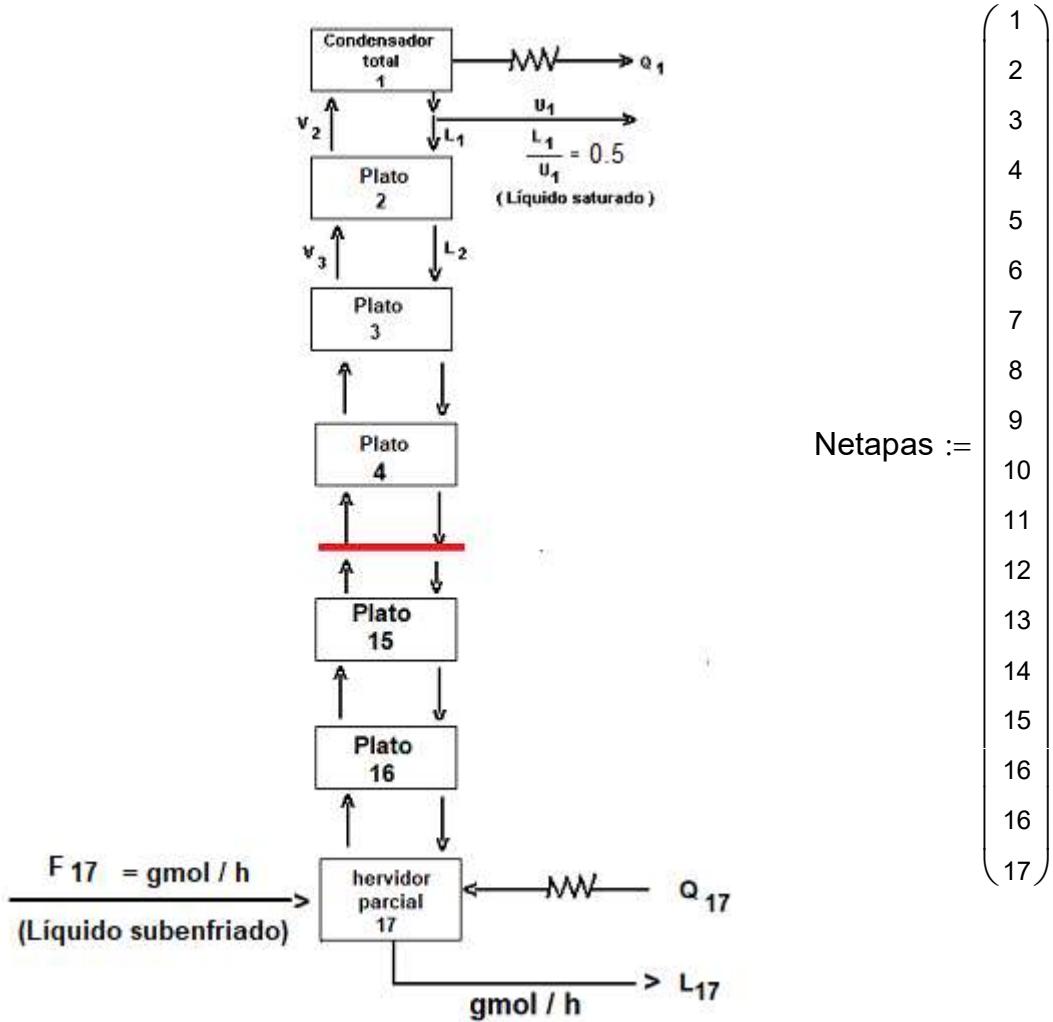
$$L_{17} = 430.337 \text{ gmol de mezcla / h}$$

### Flujo de destilado que sale de la columna

$$U_1 := L_D molar$$

$$U_1 = 164.056 \text{ gmol de mezcla / h}$$

$$\text{Balance global de materia} \quad F_{17} = U_1 + L_{17}$$



**Corriente líquida L1 que entra a la etapa 2**

relación de reflujo  $R_{\text{refl}} := 0.5$

$$R = \frac{L_1}{U_1}$$

$$L_1 := R \cdot U_1$$

$L_1 = 82.028 \text{ gmol mezcla/h}$

**Corriente de vapores V2 que entran al condensador del domo de la columna**

$$V_2 := U_1 + L_1$$

$V_2 = 246.084$	gmol mezcla / h
-----------------	-----------------

**Temperaturas experimentales tomadas en las carátulas de los termopares situados en la columna de destilación**

### TEMPERATURAS

Tiempo de operación (min)	T1 Hervidor 17 (°C)	T2 Plato 16 (°C)	T3 Plato 11 (°C)	T4 Plato 4 (°C)	T5 Condensador 1 (°C)
20	81.2	78.9	78.0	74.7	74

T6 Precioalentamiento (de alimentación) (°C)	T7 Entrada de agua al condensador (°C)	T8 Salida de agua del condensador (°C)
22.5	18.6	21.4

### Estimación de las temperaturas de los platos restantes

Temperaturas experimentales

$$\text{Posición y temperaturas} = \begin{cases} \text{condensador-etape1} & T5 = 74^\circ\text{C} \\ \text{plato-4} & T4 = 74.7^\circ\text{C} \\ \text{plato-11} & T3 = 78.0^\circ\text{C} \\ \text{plato-16} & T2 = 78.9^\circ\text{C} \\ \text{hervidor-17} & T1 = 81.2^\circ\text{C} \end{cases}$$

$$\mathbf{ne} := \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 11 \\ 16 \\ 17 \end{pmatrix}$$

## Etapa 1, Condensador

→

hervidor

$$T_{\text{exp}} := \begin{pmatrix} 74 \\ 74.7 \\ 78 \\ 78.9 \\ 81.2 \end{pmatrix} \text{ } ^\circ\text{C}$$

## Etapas restantes

$$\text{NE} := \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 12 \\ 13 \\ 14 \\ 15 \end{pmatrix}$$

$ne$  = Número de etapas y sus temperaturas experimentales

$T_{exp}$  = Temperaturas experimentales

NE = Número de etapas restantes para completar 17 etapas

TC = Es la temperatura calculada que se obtiene al sustituir NE en la ecuación de la regresión: ( $T_{exp}$  Vs ne)

## Regresión de las temperaturas experimentales en verde para predecir las etapas restantes de amarillo

j := 1..5

nei := ne

$$\text{nei} = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 11 \\ 16 \\ 17 \end{pmatrix}$$

**M := augment(ne)**

$$B := T_{\text{exp}}$$

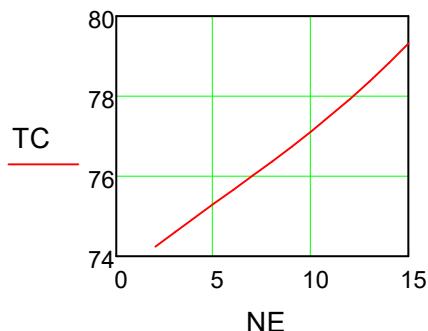
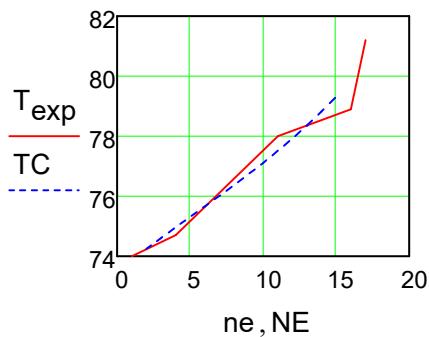
n := 3

R := regress(M,B,n)

$$R = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \\ 73.48272 \\ 0.3988 \\ -0.00841 \\ 0.00054 \end{pmatrix}$$

TC = Températura calculada

$$TC := 0.00054 \cdot NE^3 - 0.00841 \cdot NE^2 + 0.3938 \cdot NE + 73.48272$$



Los vapores  $V_j$  y las temperaturas experimentales de burbuja  $T_j$  de cada etapa j

		columna	No se pueden modificar los valores $T_j$ son los experimentales
		$T^{\circ}C_{.1} := (T_{exp}^{<1>})_1$ — renglón	
Etapa j	$V_j$	$T_j$	
	1	$V_1 := 0$ El condensador no produce vapor	
		$T^{\circ}C_1 := (T_{exp}^{<1>})_1$	

2	$V_2 = 246.084$	Fijado por Balance de Materia	$T^o C_2 := (TC^{(1)})_1$
3	$V_3 := V_2$		$T^o C_3 := (TC^{(1)})_2$
4	$V_4 := V_2$		$T^o C_4 := (T_{exp}^{(1)})_2$
5	$V_5 := V_2$		$T^o C_5 := (TC^{(1)})_3$
6	$V_6 := V_2$		$T^o C_6 := (TC^{(1)})_4$
7	$V_7 := V_2$		$T^o C_7 := (TC^{(1)})_5$
8	$V_8 := V_2$		$T^o C_8 := (TC^{(1)})_6$
9	$V_9 := V_2$		$T^o C_9 := (TC^{(1)})_7$
10	$V_{10} := V_2$		$T^o C_{10} := (TC^{(1)})_8$
11	$V_{11} := V_2$		$T^o C_{11} := (T_{exp}^{(1)})_3$
12	$V_{12} := V_2$		$T^o C_{12} := (TC^{(1)})_9$
13	$V_{13} := V_2$		$T^o C_{13} := (TC^{(1)})_{10}$
14	$V_{14} := V_2$		$T^o C_{14} := (TC^{(1)})_{11}$
15	$V_{15} := V_2$		$T^o C_{15} := (TC^{(1)})_{12}$
16	$V_{16} := V_2$		$T^o C_{16} := (T_{exp}^{(1)})_4$
17	$V_{17} := V_2$		$T^o C_{17} := (T_{exp}^{(1)})_5$

Estos valores NO cambian  
para cualquier iteración

$$\begin{array}{l}
 \left( \begin{array}{l} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ v_6 \\ v_7 \\ v_8 \\ v_9 \\ v_{10} \\ v_{11} \\ v_{12} \\ v_{13} \\ v_{14} \\ v_{15} \\ v_{16} \\ v_{17} \end{array} \right) \\
 \\ 
 \text{v} := \\
 \\ 
 \left( \begin{array}{l} T^{\circ}C_1 \\ T^{\circ}C_2 \\ T^{\circ}C_3 \\ T^{\circ}C_4 \\ T^{\circ}C_5 \\ T^{\circ}C_6 \\ T^{\circ}C_7 \\ T^{\circ}C_8 \\ T^{\circ}C_9 \\ T^{\circ}C_{10} \\ T^{\circ}C_{11} \\ T^{\circ}C_{12} \\ T^{\circ}C_{13} \\ T^{\circ}C_{14} \\ T^{\circ}C_{15} \\ T^{\circ}C_{16} \\ T^{\circ}C_{17} \end{array} \right) \\
 \\ 
 T^{\circ}C := 
 \end{array}$$

## Cálculo de las constantes K de equilibrio

$$P_T := 586 \text{ mmHg} \quad T^{\circ}\text{K} := T^{\circ}\text{C} + 273.15$$

Constantes para presiones de vapor

(e) Etanol

$$A1 := 23.8442 \quad B1 := -2.8642 \cdot 10^3 \quad C1 := -5.0474 \quad D1 := 3.7448 \cdot 10^{-11}$$

$$E1 := 2.7361 \cdot 10^{-7}$$

(a) Agua

$$A2 := 29.8605 \quad B2 := -3.1522 \cdot 10^3 \quad C2 := -7.3027 \quad D2 := 2.4247 \cdot 10^{-9}$$

$$E2 := 1.809 \cdot 10^{-6}$$

$$P^{\circ}e := 10^{\left[ A1 + \left( \frac{B1}{T^{\circ}K} \right) + C1 \cdot \log(T^{\circ}K) + D1 \cdot T^{\circ}K + E1 \cdot (T^{\circ}K)^2 \right]} \text{mHg}$$

$$P^{\circ}a := 10^{\left[ A2 + \left( \frac{B2}{T^{\circ}K} \right) + C2 \cdot \log(T^{\circ}K) + D2 \cdot T^{\circ}K + E2 \cdot (T^{\circ}K)^2 \right]} \text{Hg}$$

$$Ke := \frac{P^{\circ}e}{P_T} \quad Ka := \frac{P^{\circ}a}{P_T}$$

**Encontrar las dos ecuaciones:**

**(1) Ke Vs T°C y**

**(2) Ka Vs T°C**

	1		1		1
1	1.086	1	0.476	1	74
2	1.096	2	0.481	2	74.241
3	1.112	3	0.488	3	74.603
4	1.117	4	0.49	4	74.7
5	1.145	5	0.503	5	75.309
6	1.161	6	0.51	6	75.659
7	1.177	7	0.518	7	76.012
8	1.194	8	0.526	8	76.371
9	1.212	9	0.534	9	76.739
10	1.231	10	0.542	10	77.12
11	1.274	11	0.562	11	78
12	1.271	12	0.561	12	77.93
13	1.293	13	0.571	13	78.367
14	1.317	14	0.582	14	78.829
15	1.342	15	0.593	15	79.32
16	1.32	16	0.583	16	78.9
17	1.444	17	0.64	17	81.2

Copiar sólo la primera vez

	1
1	74
2	74.241
3	74.603
4	74.7
5	75.309
6	75.659
7	76.012
8	76.371
9	76.739
10	77.12
11	78
12	77.93
13	78.367
14	78.829
15	79.32
16	78.9
17	81.2

T°C =

ETANOL

M := augment(T°C)

B := Ke

n := 1 orden del polinomio

R := regress(M, B, n)

$$R = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 1 \\ -2.55784 \\ 0.04917 \end{pmatrix}$$

AGUA

N := augment(T°C)

F := Ka

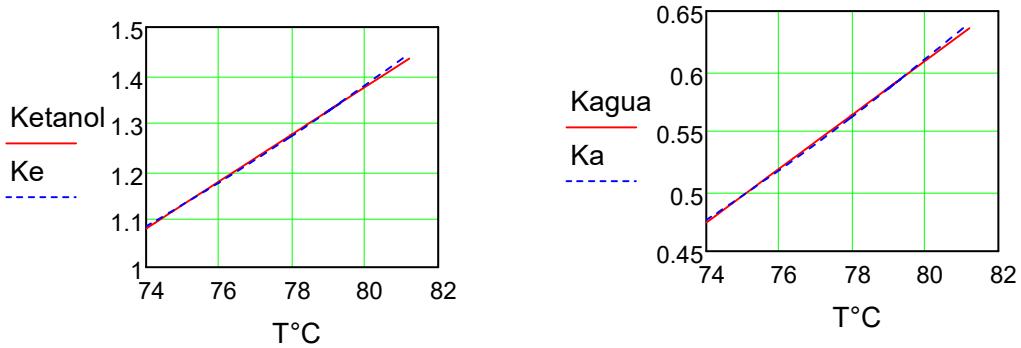
Q := 1 orden

RR := regress(N, F, C)

$$RR = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 1 \\ -1.188 \\ 0.02246 \end{pmatrix}$$

Ketanol := 0.04917 · T°C – 2.55784

Kagua := 0.02246 · T°C – 1.188



### Constantes para las capacidades caloríficas de la fase líquida

Cp del etanol

$$A := 59.342$$

$$B := 3.6358 \cdot 10^{-1}$$

$$C := -1.2164 \cdot 10^{-3}$$

$$D := 1.8031 \cdot 10^{-6}$$

Cp del agua

$$E := 92.053$$

$$F := -3.9953 \cdot 10^{-2}$$

$$G := -2.1103 \cdot 10^{-4}$$

$$H := 5.3469 \cdot 10^{-7}$$

Joules  
gmol°K

### Constantes para las capacidades caloríficas de la fase gaseosa

Cp del etanol

$$A_e := 27.091$$

$$B_e := 1.1055 \cdot 10^{-1}$$

$$C_e := 1.0957 \cdot 10^{-4}$$

$$D_e := -1.5046 \cdot 10^{-7}$$

$$E_e := 4.6601 \cdot 10^{-11}$$

Cp del agua

$$A_a := 33.933$$

$$B_a := -8.4186 \cdot 10^{-3}$$

$$C_a := 2.9906 \cdot 10^{-5}$$

$$D_a := -1.7825 \cdot 10^{-8}$$

$$E_a := 3.6934 \cdot 10^{-12}$$

Joules  
gmol°K

### Constantes para el calor latente fase gaseosa

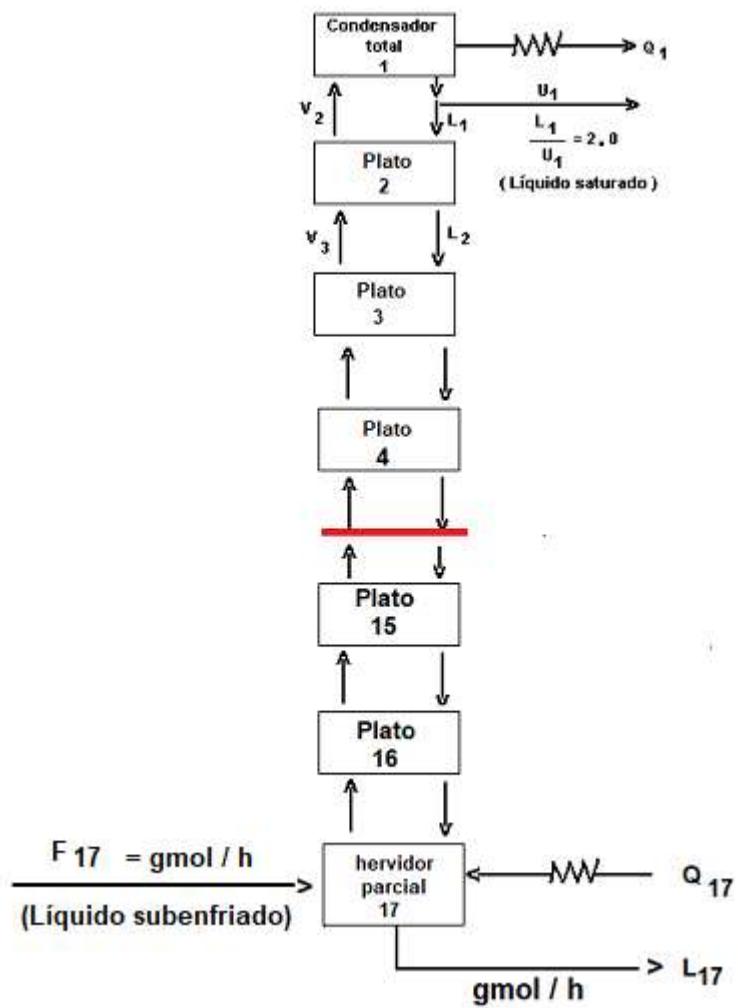
$$A_{ee} := 43.122 \quad A_{aa} := 52.053$$

$$Tc_{ee} := 516.25 \quad Tc_{aa} := 647.13$$

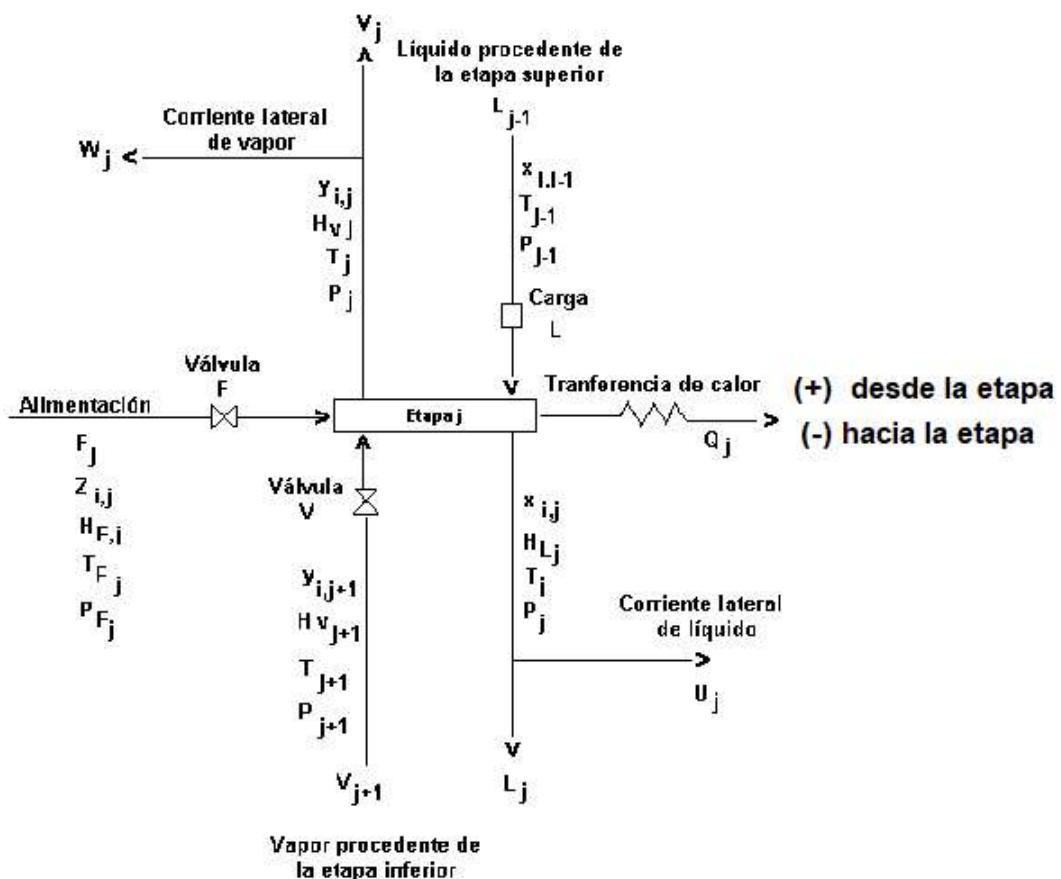
$$n_{ee} := 0.079 \quad n_{aa} := 0.321$$

kJoules  
gmol

### Datos para las ecuaciones de Thomas



## ETAPA GENERAL DE EQUILIBRIO



$$A_j = V_j + \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \quad ; \quad 2 \leq j \leq N \quad (16)$$

$W_m$  = significa otras corrientes laterales de vapor, dependiendo de la variación de m

$$A_j = V_j + \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m) \quad W_m := 0 \quad V_1 = 0$$

Empezando por el rehervidor 17

$$\begin{aligned} \text{etapa 17} \quad A_{17} &:= V_{17} + 0 - U_1 \quad A_{17} = \left( \frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}} \right) - \frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}} \\ \text{etapa 16} \quad A_{16} &:= V_{16} - U_1 \end{aligned}$$

etapa 15       $A_{15} := V_{15} - U_1$   
 etapa 14       $A_{14} := V_{14} - U_1$   
 etapa 13       $A_{13} := V_{13} - U_1$   
 etapa 12       $A_{12} := V_{12} - U_1$   
 etapa 11       $A_{11} := V_{11} - U_1$   
 etapa 10       $A_{10} := V_{10} - U_1$   
 etapa 9       $A_9 := V_9 - U_1$   
 etapa 8       $A_8 := V_8 - U_1$   
 etapa 7       $A_7 := V_7 - U_1$   
 etapa 6       $A_6 := V_6 - U_1$   
 etapa 5       $A_5 := V_5 - U_1$   
 etapa 4       $A_4 := V_4 - U_1$   
 etapa 3       $A_3 := V_3 - U_1$   
 etapa 2       $A_2 := V_2 - U_1$

**etapa 1**       $A_1 := 0 - 0$       físicamente no existe

Ahora:

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - U_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{\text{jetanol}} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + (V_j) \cdot K_{i,j}] \right]$$

Para hacer esta programación  $B_j$  se requieren los valores de la  $K_i$  del etanol y del agua

$$(K_{\text{etanol}}^{(1)})_1 \quad (K_{\text{agua}}^{(1)})_1$$

$(\text{Ketanol}^{(1)})_2$	$(\text{Kagua}^{(1)})_2$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_3$	$(\text{Kagua}^{(1)})_3$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_4$	$(\text{Kagua}^{(1)})_4$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_5$	$(\text{Kagua}^{(1)})_5$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_6$	$(\text{Kagua}^{(1)})_6$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_7$	$(\text{Kagua}^{(1)})_7$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_8$	$(\text{Kagua}^{(1)})_8$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_9$	$(\text{Kagua}^{(1)})_9$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{10}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{10}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{11}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{11}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{12}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{12}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{13}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{13}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{14}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{14}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{15}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{15}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{16}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{16}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{17}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{17}$

Continuación

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{\text{jetanol}} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + V_j \cdot K_{i,j}] \right]$$

$i = \text{etanol}$   
 $j = \text{etapa}$

Esta ecuación debe aplicarse para cada componente

**Para el etanol**

donde no existe etapa 18, ver el cero.

Para K dfel etanol: será columna (1) del renglón (17)

$$B_{17\text{etanol}} := -[0 + F_{17} - U_1 + V_{17} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{17}]$$

$$B_{16\text{etanol}} := -[V_{17} - U_1 + V_{16} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{16}]$$

$$B_{15\text{etanol}} := -[V_{16} - U_1 + V_{15} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{15}]$$

$$B_{14\text{etanol}} := -[V_{15} - U_1 + V_{14} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{14}] \quad B_{14\text{etanol}} = \frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}}$$

$$B_{13\text{etanol}} := -[V_{14} - U_1 + V_{13} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{13}]$$

$$B_{12\text{etanol}} := -[V_{13} - U_1 + V_{12} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{12}]$$

$$B_{11\text{etanol}} := -[V_{12} - U_1 + V_{11} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{11}]$$

$$B_{10\text{etanol}} := -[V_{11} - U_1 + V_{10} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{10}]$$

$$B_{9\text{etanol}} := -[V_{10} - U_1 + V_9 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_9]$$

$$B_{8\text{etanol}} := -[V_9 - U_1 + V_8 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_8]$$

$$B_{7\text{etanol}} := -[V_8 - U_1 + V_7 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_7]$$

$$B_{6\text{etanol}} := -[V_7 - U_1 + V_6 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_6]$$

$$B_{5\text{etanol}} := -[V_6 - U_1 + V_5 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_5]$$

$$B_{4\text{etanol}} := -[V_5 - U_1 + V_4 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_4]$$

$$B_{3\text{etanol}} := -[V_4 - U_1 + V_3 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_3]$$

$$B_{2\text{etanol}} := -[V_3 - U_1 + V_2 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_2]$$

$$B_{1\text{etanol}} := -[V_2 - U_1 + U_1 + V_1 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_1]$$

**Para el agua**

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{j\text{agua}} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + (V_j) \cdot K_{i,j}] \right]$$

Empezando por rehervidor 17  
 Empezando por rehervidor 17  
 no existe etapa 18, ver el cero.  
 Para  $K_{\text{agua}}$  será: columna (1)  
 renglón (17)

$$B_{17\text{agua}} := - \left[ 0 + F_{17} - U_1 + 0 + V_{17} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{17} \right]$$

$$B_{16\text{agua}} := - \left[ V_{17} - U_1 + V_{16} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{16} \right]$$

$$B_{15\text{agua}} := - \left[ V_{16} - U_1 + V_{15} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{15} \right]$$

$$B_{14\text{agua}} := - \left[ V_{15} - U_1 + V_{14} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{14} \right]$$

$$B_{13\text{agua}} := - \left[ V_{14} - U_1 + V_{13} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{13} \right]$$

$$B_{12\text{agua}} := - \left[ V_{13} - U_1 + V_{12} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{12} \right]$$

$$B_{11\text{agua}} := - \left[ V_{12} - U_1 + V_{11} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{11} \right]$$

$$B_{10\text{agua}} := - \left[ V_{11} - U_1 + V_{10} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{10} \right]$$

$$B_{9\text{agua}} := - \left[ V_{10} - U_1 + V_9 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_9 \right]$$

$$B_{8\text{agua}} := - \left[ V_9 - U_1 + V_8 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_8 \right]$$

$$B_{7\text{agua}} := - \left[ V_8 - U_1 + V_7 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_7 \right]$$

$$B_{6\text{agua}} := - \left[ V_7 - U_1 + V_6 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_6 \right]$$

$$B_{5\text{agua}} := - \left[ V_6 - U_1 + V_5 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_5 \right]$$

$$\begin{aligned}
 B_{4\text{agua}} &:= -[V_5 - U_1 + V_4 \cdot (\text{Kagua}^{(1)})_4] \\
 B_{3\text{agua}} &:= -[V_4 - U_1 + V_3 \cdot (\text{Kagua}^{(1)})_3] \\
 B_{2\text{agua}} &:= -[V_3 - U_1 + V_2 \cdot (\text{Kagua}^{(1)})_2] \\
 B_{1\text{agua}} &:= -[V_2 - U_1 + U_1 + V_1 \cdot (\text{Kagua}^{(1)})_1]
 \end{aligned}$$

$$C_j = V_{j+1} K_{i,j+1} \quad ; \quad 1 \leq j \leq N-1 \quad (18)$$

Esta ecuación debe aplicarse para cada componente

Empezando por el condensador total 1, para el etanol

$$\begin{aligned}
 C_{1\text{etanol}} &:= V_2 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_2 & C_{1\text{etanol}} &= \frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{mmHg}}{\text{mmHg}} \\
 C_{2\text{etanol}} &:= V_3 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_3 \\
 C_{3\text{etanol}} &:= V_4 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_4 \\
 C_{4\text{etanol}} &:= V_5 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_5 \\
 C_{5\text{etanol}} &:= V_6 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_6 \\
 C_{6\text{etanol}} &:= V_7 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_7 \\
 C_{7\text{etanol}} &:= V_8 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_8 \\
 C_{8\text{etanol}} &:= V_9 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_9 \\
 C_{9\text{etanol}} &:= V_{10} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{10} \\
 C_{10\text{etanol}} &:= V_{11} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{11} \\
 C_{11\text{etanol}} &:= V_{12} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{12} \\
 C_{12\text{etanol}} &:= V_{13} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{13} \\
 C_{13\text{etanol}} &:= V_{14} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{14} \\
 C_{14\text{etanol}} &:= V_{15} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{15}
 \end{aligned}$$

$$C_{15\text{etanol}} := V_{16} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{16}$$

$$C_{16\text{etanol}} := V_{17} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{17}$$

$$C_{17\text{etanol}} := V_{18} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{18}$$

Este término no existe  
no tiene significado físico

**Empezando por el condensador total  
etapa 1, para el agua**

$$C_j = V_{j+1} K_{i,j+1} ; \quad 1 \leq j \leq N-1 \quad (18)$$

$$C_{1\text{agua}} := V_2 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_2$$

$$C_{2\text{agua}} := V_3 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_3$$

$$C_{3\text{agua}} := V_4 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_4$$

$$C_{4\text{agua}} := V_5 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_5$$

$$C_{5\text{agua}} := V_6 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_6$$

$$C_{6\text{agua}} := V_7 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_7$$

$$C_{7\text{agua}} := V_8 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_8$$

$$C_{8\text{agua}} := V_9 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_9$$

$$C_{9\text{agua}} := V_{10} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{10}$$

$$C_{10\text{agua}} := V_{11} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{11}$$

$$C_{11\text{agua}} := V_{12} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{12}$$

$$C_{12\text{agua}} := V_{13} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{13}$$

$$C_{13\text{agua}} := V_{14} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{14}$$

$$C_{14\text{agua}} := V_{15} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{15}$$

$$C_{15\text{agua}} := V_{16} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{16}$$

$$C_{16\text{agua}} := V_{17} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{17}$$

$$C_{17\text{agua}} := V_{18} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{18}$$

Este término no existe  
no tiene significado físico

$$D_j = -F_j Z_{i,j} ; \quad 1 \leq j \leq N \quad (19)$$

$$Z_{117} = 0.207 \quad \text{gmol ETOH / gmol mezcla}$$

$$Z_{217} = 0.793 \quad \text{gmol H}_2\text{O / gmol mezcla}$$

**Z117** = El primer 1 es el componente uno (etanol) alimentado en el hervidor 17

**Z217** = El 2 es el componente dos (agua) alimentado en el hervidor 17

$$\text{Etanol: } D_{17\text{etanol}} := -F_{17} \cdot Z_{117}$$

$$\text{Agua: } D_{17\text{agua}} := -F_{17} \cdot Z_{217}$$

### Sustitución en la ecuación (20)

$$A_j \cdot x_{i,j} + B_j \cdot x_{i,j} + C_j \cdot x_{i,j+1} = D_j$$

$$\left( \begin{array}{ccccccccc} B_1 & C_1 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 0 \\ A_2 & B_2 & C_2 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ 0 & A_3 & B_3 & C_3 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 0 & A_{N-2} & B_{N-2} & C_{N-2} & 0 \\ 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & A_{N-1} & B_{N-1} & C_{N-1} \\ 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & 0 & A_N & B_N \end{array} \right) \begin{pmatrix} x_{i,1} \\ x_{i,2} \\ x_{i,3} \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ x_{i,N-2} \\ x_{i,N-1} \\ x_{i,N} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ D_3 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ D_{N-2} \\ D_{N-1} \\ D_N \end{pmatrix} \quad (20)$$

La solución es la siguiente:

$$\begin{pmatrix} x_{i,1} \\ x_{i,2} \\ x_{i,3} \\ \vdots \\ \vdots \\ x_{i,N-2} \\ x_{i,N-1} \\ x_{i,N} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B_1 & C_1 & 0 & 0 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ A_2 & B_2 & C_2 & 0 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ 0 & A_3 & B_3 & C_3 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & 0 & A_{N-2} & B_{N-2} & C_{N-2} & 0 \\ 0 & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & 0 & 0 & A_{N-1} & B_{N-1} & C_{N-1} \\ 0 & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & 0 & 0 & 0 & A_N & B_N \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ D_3 \\ \vdots \\ \vdots \\ D_{N-2} \\ D_{N-1} \\ D_N \end{pmatrix}$$

**Matriz tridiagonal para el etanol**

FAD := 1

FAF := 1

Las unidades de A,B y C son:  $\frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}}$

$x_{1,1}$	$B_{1\text{etanol}}$	$C_{1\text{etanol}} \cdot \text{FAD}$	0
$x_{1,2}$	$A_2$	$B_{2\text{etanol}}$	$C_{2\text{etanol}} \cdot \text{FAD}$
$x_{1,3}$	0	$A_3$	$B_{3\text{etanol}}$
$x_{1,4}$	0	0	$A_4$
$x_{1,5}$	0	0	0
$x_{1,6}$	0	0	0
$x_{1,7}$	0	0	0
$x_{1,8}$	0	0	0
$x_{1,9}$	0	0	0
$x_{1,10}$	0	0	0
$x_{1,11}$	0	0	0
$x_{1,12}$	0	0	0
$x_{1,13}$	0	0	0
$x_{1,14}$	0	0	0
$x_{1,15}$	0	0	0
$x_{1,16}$	0	0	0
$x_{1,17}$	0	0	0

$\equiv$  Aetanol :=



0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
C <sub>7</sub> etanol·FAD	0	0	0
B <sub>8</sub> etanol	C <sub>8</sub> etanol·FAD	0	0
A <sub>9</sub>	B <sub>9</sub> etanol	C <sub>9</sub> etanol·FAD	0
0	A <sub>10</sub>	B <sub>10</sub> etanol	C <sub>10</sub> etanol·FAD
0	0	A <sub>11</sub>	B <sub>11</sub> etanol
0	0	0	A <sub>12</sub>
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
C <sub>.11</sub> etanol·FAD	0	0	0
B <sub>.12</sub> etanol	C <sub>.12</sub> etanol·FAD	0	0
A <sub>.13</sub>	B <sub>.13</sub> etanol	C <sub>.13</sub> etanol·FAD	0
0	A <sub>.14</sub>	B <sub>.14</sub> etanol	C <sub>.14</sub> etanol·FAD
0	0	A <sub>.15</sub>	B <sub>.15</sub> etanol
0	0	0	A <sub>.16</sub>
0	0	0	0

## Matriz tridiagonal para el agua

$$\begin{array}{c|ccc}
 & B_{.1} \text{agua} & C_{.1} \text{agua} & 0 \\
 x_{2,1} & A_{.2} & B_{.2} \text{agua} & C_{.2} \text{agua} \\
 x_{2,2} & 0 & A_{.3} & B_{.3} \text{agua} \\
 x_{2,3} & 0 & 0 & A_{.4} \\
 x_{2,4} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,5} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,6} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,7} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,8} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,9} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,10} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,11} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,12} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,13} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,14} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,15} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,16} & 0 & 0 & 0 \\
 x_{2,17} & 0 & 0 & 0 \\
 \hline
 & 0 & 0 & 0
 \end{array}$$



0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
C.9agua	0	0	0	0	0
B.10agua	C.10agua	0	0	0	0
A.11	B.11agua	C.11agua	0	0	0
0	A.12	B.12agua	C.12agua	0	0
0	0	A.13	B.13agua	C.13agua	0
0	0	0	A.14	B.14agua	C.14agua
0	0	0	0	A.15	B.15agua
0	0	0	0	0	A.16
0	0	0	0	0	0

$$\begin{array}{cc}
 & -1 \\
 \left( \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right) & \cdot \text{Dagua} := \left( \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ D_{17\text{agua}} \end{array} \right) \\
 C_{15\text{agua}} & 0 \\
 B_{16\text{agua}} & C_{16\text{agua}} \\
 A_{17} & B_{17\text{agua}}
 \end{array}$$

## Resultados

xetanol = Aetanol·Detanol    xagua = Aagua·Dagua    Suma = xetanol + xagua

condensador

xetanol :=	$\begin{pmatrix} 0.285 \\ 0.261 \\ 0.249 \\ 0.245 \\ 0.237 \\ 0.231 \\ 0.226 \\ 0.222 \\ 0.217 \\ 0.213 \\ 0.204 \\ 0.202 \\ 0.199 \\ 0.194 \\ 0.19 \\ 0.192 \\ 0.177 \end{pmatrix}$	condensador	$x_{agua} := \begin{pmatrix} 0.386 \\ 0.805 \\ 1.078 \\ 1.259 \\ 1.344 \\ 1.379 \\ 1.381 \\ 1.361 \\ 1.327 \\ 1.286 \\ 1.216 \\ 1.178 \\ 1.136 \\ 1.092 \\ 1.047 \\ 1.038 \\ 0.949 \end{pmatrix}$	rehervidor	$Suma := \begin{pmatrix} 0.671 \\ 1.066 \\ 1.327 \\ 1.504 \\ 1.581 \\ 1.611 \\ 1.607 \\ 1.582 \\ 1.544 \\ 1.498 \\ 1.42 \\ 1.381 \\ 1.335 \\ 1.286 \\ 1.236 \\ 1.229 \\ 1.126 \end{pmatrix}$	rehervidor
------------	--	-------------	---	------------	--	------------

Se normalizan las composiciones con (28)

$$(x_{i,j})_{Normalizado} = \frac{x_{i,j}}{\sum_{i=1}^C x_{i,j}} \quad (28)$$

$$\begin{array}{l}
\text{xNetanol :=} \\
\left[ \begin{array}{c}
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_1}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_1} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_2}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_2} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_3}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_3} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_4}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_4} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_5}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_5} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_6}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_6} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_7}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_7} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_8}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_8} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_9}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_9} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_{10}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{10}} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_{11}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{11}} \\
\frac{(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_{12}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{12}} \\
(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle})_{13}
\end{array} \right] \\
\\
\text{xNagua :=} \\
\left[ \begin{array}{c}
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_1}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_1} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_2}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_2} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_3}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_3} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_4}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_4} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_5}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_5} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_6}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_6} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_7}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_7} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_8}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_8} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_9}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_9} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_{10}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{10}} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_{11}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{11}} \\
\frac{(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_{12}}{(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle})_{12}} \\
(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle})_{13}
\end{array} \right]
\end{array}$$

$$\begin{array}{c}
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{13}} \\
 \left(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle}\right)_{14} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{14}} \\
 \left(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle}\right)_{15} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{15}} \\
 \left(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle}\right)_{16} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{16}} \\
 \left(\text{xetanol}^{\langle 1 \rangle}\right)_{17} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{17}}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{c}
 \left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{13} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle}\right)_{14}} \\
 \left(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle}\right)_{14} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{14}} \\
 \left(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle}\right)_{15} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{15}} \\
 \left(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle}\right)_{16} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{16}} \\
 \left(\text{xagua}^{\langle 1 \rangle}\right)_{17} \\
 \frac{\text{`}}{\left(\text{Suma}^{\langle 1 \rangle}\right)_{17}}
 \end{array}$$

$$\text{sumaN} := \text{xNetanol} + \text{xNagua}$$

La posición 1 es del condensador

	1
1	0.425
2	0.245
3	0.188
4	0.163
5	0.15
6	0.143
7	0.141
8	0.14
9	0.141
10	0.142
11	0.144
12	0.146
13	0.149
14	0.151
15	0.154
16	0.156
17	0.157

$\text{xNetanol} =$

La posición 1 es del condensador

	1
1	0.57526
2	0.75516
3	0.81236
4	0.8371
5	0.85009
6	0.85599
7	0.85937
8	0.8603
9	0.85946
10	0.85848
11	0.85634
12	0.85301
13	0.85094
14	0.84914
15	0.84709
16	0.84459
17	0.84281

$\text{xNagua} =$

SUMA

	1
1	1
2	1
3	1
4	1
5	1
6	1
7	1
8	1
9	1
10	1
11	1
12	1
13	1
14	1
15	1
16	1
17	1

$\text{sumaN} =$

La posicoón

La posicoón

17 es del  
Hervidor

17 es del  
Hervidor

#### COMPARACIÓN CON LOS DATOS EXPERIMENTALES

N =====N

$$FAD = 1 \quad FAF = 1$$

experimental  $xmolD = 0.63$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

modelo  $(xNetanol^{(1)})_1 = 0.425$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

experimental  $xmolF = 0.106$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

modelo  $(xNetanol^{(1)})_{17} = 0.157$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

N =====N

#### Los errores porcentuales del domo y de los residuos

$$\text{Error porcentual (del destilado)} = \frac{x\text{molar del modelo} - x\text{molar experimental}}{x\text{molar experimental}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

$$\text{Error porcentual (de los residuos)} = \frac{x\text{molar del modelo} - x\text{molar experimental}}{x\text{molar experimental}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

$$\% \text{Error}_{\text{destilado}} := \frac{(xNetanol^{(1)})_1 - (xmold)}{xmold} \cdot 100 = -32.568$$

$$\% \text{Error}_{\text{residuos}} := \frac{(xNetanol^{(1)})_{17} - (xmolF)}{xmolF} \cdot 100 = 48.326$$

El resultado de los errores porcentuales no cumple con las condiciones del problema planteado

## Determinación de los valores de los vapores V3,V4, V5 ....V17

Balance de calor

### Constantes para las capacidades caloríficas de la fase líquida

Cp del etanol

$$A := 59.342$$

$$B := 3.6358 \cdot 10^{-1}$$

$$C := -1.2164 \cdot 10^{-3}$$

$$D := 1.8031 \cdot 10^{-6}$$

Cp del agua

$$E := 92.053$$

$$F := -3.9953 \cdot 10^{-2}$$

$$G := -2.1103 \cdot 10^{-4}$$

$$H := 5.3469 \cdot 10^{-7}$$

$$1 \text{ joule} = 0.00094783 \text{ BTU}$$

$$1 \text{ BTU} = 0.252 \text{ kcal}$$

$$1 \text{ lbmol} = 453.6 \text{ gmol}$$

$$\Delta^{\circ}\text{K} = 1.8 \Delta^{\circ}\text{F}$$

$$^{\circ}\text{F} = (9/5) ^{\circ}\text{C} + 32$$

$$Cp = A + B \cdot T + C \cdot T^2 + D \cdot T^3 \quad T = \text{K}, \quad Cp (\text{Joule / gmol } ^{\circ}\text{K})$$

**Entalpía de la alimentación (HF17). Los dos componentes que entran a la torre son líquidos**

Datos    Aquí F = del inglés Feed

$$xFetanol := Z_{117}$$

$$TF17^{\circ}\text{C} := (T^{\circ}\text{C}^{(1)})_{17} \quad ^{\circ}\text{C}$$

$$xFagua := Z_{217}$$

$$TF17^{\circ}\text{K} := TF17^{\circ}\text{C} + 273.15$$

$$xFetanol = 0.207$$

$$xFagua = 0.793$$

$$CPetanolF := (A + B \cdot TF17^{\circ}\text{K} + C \cdot TF17^{\circ}\text{K}^2 + D \cdot TF17^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)$$

$$CPaguaF := (E + F \cdot TF17^{\circ}\text{K} + G \cdot TF17^{\circ}\text{K}^2 + H \cdot TF17^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot \text{K}} = \frac{\text{Joule}}{\text{gmol} \cdot \text{K}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1 \cdot \text{joule}} \cdot \frac{453.6 \text{ gmol}}{1 \text{ lbmol}}$$

$$HF_{17} := \overline{[CPetanolF \cdot (TF17^\circ\text{K} - 273.15) \cdot xFetanol + CPaguaF \cdot}$$

$$\overrightarrow{(TF17^\circ\text{K} - 273.15) \cdot xFagua] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot \frac{0.252}{1}}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \cancel{\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot \text{K}}} \cdot \cancel{\frac{1}{\text{K}}} \cdot \cancel{\frac{\text{lbtmol}}{\text{lbtmolMezcla}}} \cdot \cancel{\frac{1\text{lbmol}}{453.6 \text{ gmol}}} \cdot \cancel{\frac{0.252 \text{ kcal}}{1 \text{ BTU}}}$$

$$HF_{17} := 1.621 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

### Entapias de la fase líquida dentro de la torre

$$TB^\circ\text{K} := T^\circ\text{C} + 273.15$$

$$CPetanolL := (A + B \cdot TB^\circ\text{K} + C \cdot TB^\circ\text{K}^2 + D \cdot TB^\circ\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)$$

$$CPaguaL := (E + F \cdot TB^\circ\text{K} + G \cdot TB^\circ\text{K}^2 + H \cdot TB^\circ\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbtmol} \cdot \text{K}} = \frac{\text{Joule}}{\text{gmol} \cdot \text{K}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1 \cdot \text{joule}} \cdot \frac{453.6 \text{ gmol}}{1 \text{ lbmol}}$$

$$HL := \overline{[[CPetanolL \cdot (TB^\circ\text{K} - 273.15) \cdot xNetanol] +}$$

$$\overrightarrow{[CPaguaL \cdot (TB^\circ\text{K} - 273.15) \cdot xNagua]] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot 0.252]}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \cancel{\frac{\text{BTU}}{\text{lbtmol} \cdot \text{K}}} \cdot \cancel{\frac{1}{\text{K}}} \cdot \cancel{\frac{\text{lbtmol}}{\text{lbtmolMezcla}}} \cdot \cancel{\frac{1\text{lbmol}}{453.6 \text{ gmol}}} \cdot \cancel{\frac{0.252 \text{ kcal}}{1 \text{ BTU}}}$$

$$HL := \frac{\text{kcal}}{\text{gmol} \cdot \text{Mezcla}}$$

1.623
1.503
1.47
1.455
1.458
1.459
1.465
1.473
1.48
1.489
1.507
1.507
1.518
1.529
1.542
1.536
1.582

### Entalpías de la fase vapor dentro de la torre

Constantes para las capacidades caloríficas de la fase vapor

Cp del etanol

Cp del agua

$$Ae := 27.091$$

$$Aa := 33.933$$

$$Be := 1.1055 \cdot 10^{-1}$$

$$Ba := -8.4186 \cdot 10^{-3}$$

$$1 \text{ joule} = 0.00094783 \text{ BTU}$$

$$Ce := 1.0957 \cdot 10^{-4}$$

$$Ca := 2.9906 \cdot 10^{-5}$$

$$1 \text{ BTU} = 0.252 \text{ kcal}$$

$$De := -1.5046 \cdot 10^{-7}$$

$$Da := -1.7825 \cdot 10^{-8}$$

$$1 \text{ lbmol} = 453.6 \text{ gmol}$$

$$Ee := 4.6601 \cdot 10^{-11}$$

$$Ea := 3.6934 \cdot 10^{-12}$$

$$\Delta K = 1.8 \Delta F$$

$$F = (9/5)C + 32$$

$$Cp = A + B \cdot T + C \cdot T^2 + D \cdot T^3 + E \cdot T^4$$

$$\frac{\text{Joules}}{\text{gmol} \cdot \text{K}}$$

$$CPetanolV := (Ae + Be \cdot TB^{\circ}K + Ce \cdot TB^{\circ}K^2 + De \cdot TB^{\circ}K^3 + Ee \cdot TB^{\circ}K^4)$$

$$\cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$CPaguaV := (Aa + Ba \cdot TB^{\circ}K + Ca \cdot TB^{\circ}K^2 + Da \cdot TB^{\circ}K^3 + Ea \cdot TB^{\circ}K^4)$$

$$\cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$CPetanolV := \begin{pmatrix} 31.409 \\ 31.424 \\ 31.445 \\ 31.451 \\ 31.488 \\ 31.509 \\ 31.53 \\ 31.552 \\ 31.574 \\ 31.597 \\ 31.65 \\ 31.646 \\ 31.672 \\ 31.7 \\ 31.729 \\ 31.704 \\ 31.842 \end{pmatrix} \quad CPaguaV := \begin{pmatrix} 14.584 \\ 14.585 \\ 14.586 \\ 14.586 \\ 14.588 \\ 14.589 \\ 14.59 \\ 14.591 \\ 14.592 \\ 14.593 \\ 14.596 \\ 14.596 \\ 14.597 \\ 14.598 \\ 14.6 \\ 14.598 \\ 14.605 \end{pmatrix}$$

$$\frac{BTU}{lbmol \cdot ^{\circ}K} = \frac{Joule}{gmol \cdot ^{\circ}K} \cdot \frac{0.00094783 \cdot BTU}{1 \cdot joule} \cdot \frac{453.6 \text{ gmol}}{1 lbmol}$$

### Constantes para el calor latente fase gaseosa

$$A_{ee} := 43.122 \quad A_{aa} := 52.053$$

$$Tc_{ee} := 516.25 \quad Tc_{aa} := 647.13$$

$$n_{ee} := 0.079 \quad n_{aa} := 0.321$$

$$\lambda = \Delta H_{\text{vap}} = A \cdot \left(1 - \frac{T^{\circ}\text{K}}{T_c}\right)^n$$

$\frac{\text{kJoules}}{\text{gmol}}$

Chemical Properties Handbook de Carl L. Yaws, McGraw Hill

$$\lambda_{\text{etanol}} := \overrightarrow{\left[ A_{ee} \cdot \left(1 - \frac{TB^{\circ}\text{K}}{T_{ce}}\right)^{n_{ee}} \right] \cdot [(1000) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)]}$$

$$\lambda_{\text{agua}} := \overrightarrow{\left[ A_{aa} \cdot \left(1 - \frac{TB^{\circ}\text{K}}{T_{ca}}\right)^{n_{aa}} \right] \cdot [(1000) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)]}$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} = \frac{\text{kjoule}}{\text{gmol}} \cdot \frac{1000\text{joules}}{1\text{kjoule}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1\cdot\text{joule}} \cdot \frac{453.6\text{gmol}}{1\text{lbmol}}$$

*Relaciones de equilibrio ( $E_{i,J}$ )*

$$y_{i,j} = K_{i,j} x_{i,j} \quad (3)$$

$$y_{\text{Netanol}} := \overrightarrow{[(\text{Ketanol}) \cdot x_{\text{Netanol}}]}$$

$$y_{\text{Nagua}} := \overrightarrow{(\text{Kagua} \cdot x_{\text{Nagua}})}$$

$$\begin{aligned} HV := & \overrightarrow{[[CP_{\text{etanol}}V \cdot (TB^{\circ}\text{K} - 273.15) + \lambda_{\text{etanol}} \cdot y_{\text{Netanol}}]} + \\ & \overrightarrow{[CP_{\text{agua}}V \cdot (TB^{\circ}\text{K} - 273.15) + \lambda_{\text{agua}} \cdot y_{\text{Nagua}}]] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot \frac{0.252}{1}} \end{aligned}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \left( \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}\cdot{}^{\circ}\text{K}} \cdot {}^{\circ}\text{K} + \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} \cdot \frac{\text{lbmol}}{\text{lbmolMezcla}} \right) \cdot \frac{1\text{lbmol}}{453.6\text{gmol}} \cdot \frac{0.252\text{kcal}}{1\text{BUT}}$$

$$HV := \frac{\begin{pmatrix} 8.869 \\ 7.936 \\ 7.717 \\ 7.603 \\ 7.697 \\ 7.752 \\ 7.836 \\ 7.936 \\ 8.035 \\ 8.154 \\ 8.402 \\ 8.396 \\ 8.539 \\ 8.678 \\ 8.838 \\ 8.739 \\ 9.379 \end{pmatrix}}{\text{kcal gmol}\cdot\text{Mezcla}}$$

**Los datos calculados anteriores y las ecuaciones siguientes son necesarias para determinar los valores de los vapores V3,V4, V5 .....V17**

Consultar el archivo en AMyD Deducción de las ecuaciones del punto de burbuja, donde se deducen las siguientes ecuaciones:

*La ecuación final se puede escribir como:*

$$\boxed{\alpha_j V_j + \beta_j V_{j+1} = \gamma_j} \quad (21)$$

Donde

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL_j} - \textcolor{blue}{HL}_{j-1}) + F_j (\textcolor{blue}{HL}_j - \textcolor{blue}{HF}_j) + W_j (HV_j - \textcolor{blue}{HL}_j) + Q_j$$

$$Q_j = L_{j-1} \cdot HL_{j-1} + V_{j+1} \cdot HG_{j+1} + F_j \cdot HF_j - (L_j + U_j) \cdot HL_j - (V_j + W_j) \cdot HG_j$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{h}} = \frac{\text{lbmol}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} + \frac{\text{lbmol}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} + \dots$$

La representación matricial de la ecuación (21) es:

$$\begin{pmatrix} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & \dots & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & \dots & 0 & \alpha_{N-3} & \beta_{N-3} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \dots & 0 & 0 & \alpha_{N-2} & \beta_{N-2} & 0 & 0 \\ 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \alpha_{N-1} & \beta_{N-1} & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_3 \\ V_4 \\ V_5 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ V_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma_2 - \alpha_2 V_2 \\ \gamma_3 \\ \gamma_4 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \gamma_{N-3} \\ \gamma_{N-2} \\ \gamma_{N-1} \end{pmatrix} \quad (21)$$

Otra forma equivalente es aplicar balances en cada etapa y llegar a la ecuación (22)

$$\begin{aligned} \text{Plato (2)} \quad \alpha_2 V_2 + \beta_2 V_3 &= \gamma_2 \\ V_3 &= \frac{\gamma_2 - \alpha_2 V_2}{\beta_2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Plato (3)} \quad \alpha_3 V_3 + \beta_3 V_4 &= \gamma_3 \\ V_4 &= \frac{\gamma_3 - \alpha_3 V_3}{\beta_3} \end{aligned}$$

$$\boxed{V_j = \frac{\gamma_{j-1} - \alpha_{j-1} V_{j-1}}{\beta_{j-1}}} \quad (22)$$

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL}_j - \textcolor{blue}{HL}_{j-1}) + \textcolor{blue}{F}_j (\textcolor{blue}{HL}_j - \textcolor{blue}{HF}_j) + \textcolor{blue}{W}_j (\textcolor{blue}{HV}_j - \textcolor{blue}{HL}_j) + Q_j$$

$$Q_j = L_{j-1} \cdot HL_{j-1} + V_{j+1} \cdot HG_{j+1} + F_j \cdot HF_j - (L_j + U_j) \cdot HL_j - (V_j + W_j) \quad (25)_j$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{h}} = \frac{\text{lbfmol}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{BTU}}{\text{lbfmol}} + \frac{\text{lbfmol}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{BTU}}{\text{lbfmol}} + \dots$$

**Aplicación de las ecuaciones anteriores, observar que No se requieren los valores de ( $\alpha_1, \beta_1, \gamma_1$ ), ( $V_1$  y  $V_2$ ) en la ecuación (21).**

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j) \quad \text{Consultar el guión de esta experimentación}$$

$$\alpha_2 := (HL^{(1)})_1 - (HV^{(1)})_2$$

$$\alpha_3 := (HL^{(1)})_2 - (HV^{(1)})_3$$

$$\alpha_4 := (HL^{(1)})_3 - (HV^{(1)})_4$$

$$\alpha_5 := (HL^{(1)})_4 - (HV^{(1)})_5$$

$$\alpha_6 := (HL^{(1)})_5 - (HV^{(1)})_6$$

$$\alpha_7 := (HL^{(1)})_6 - (HV^{(1)})_7$$

$$\alpha_8 := (HL^{(1)})_7 - (HV^{(1)})_8$$

$$\alpha_9 := (HL^{(1)})_8 - (HV^{(1)})_9$$

$$\alpha_{10} := (HL^{(1)})_9 - (HV^{(1)})_{10}$$

$$\alpha_{11} := (HL^{(1)})_{10} - (HV^{(1)})_{11}$$

$$\alpha_{12} := (HL^{(1)})_{11} - (HV^{(1)})_{12}$$

$$\alpha_{13} := (HL^{(1)})_{12} - (HV^{(1)})_{13}$$

$$\alpha_{14} := (HL^{(1)})_{13} - (HV^{(1)})_{14}$$

$$\alpha_{15} := (HL^{(1)})_{14} - (HV^{(1)})_{15}$$

$$\alpha_{16} := (HL^{(1)})_{15} - (HV^{(1)})_{16}$$

	1
1	8.869
2	7.936
3	7.717
4	7.603
5	7.697
6	7.752
7	7.836
8	7.936
9	8.035
10	8.154
11	8.402
12	8.396
13	8.539
14	8.678
15	8.838
16	8.739
17	9.379

$$HV =$$

	1
1	1.623
2	1.503
3	1.47
4	1.455
5	1.458
6	1.459
7	1.465
8	1.473
9	1.48
10	1.489
11	1.507
12	1.507
13	1.518
14	1.529
15	1.542
16	1.536
17	1.582

$$HL =$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

—

$$\alpha_{17} := (HV^{(1)})_{16} - (HV^{(1)})_{17}$$

No se requiere calcular

$\alpha_{17}$

Consultar la ecuación matricial 21

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

Consultar el guión de esta experimentación

No se requiere  $\alpha_1, \beta_1, \gamma_1, V1$  y  $V2$  en la ecuación (21). Consultar el archivo DEDUCCIÓN DE LAS ECUACIONES PARA EL PUNTO DE BURBUJA

etapas

$$\beta_2 := (HV^{(1)})_3 - (HL^{(1)})_2$$

$$\beta_3 := (HV^{(1)})_4 - (HL^{(1)})_3$$

$$\beta_4 := (HV^{(1)})_5 - (HL^{(1)})_4$$

$$\beta_5 := (HV^{(1)})_6 - (HL^{(1)})_5$$

$$\beta_6 := (HV^{(1)})_7 - (HL^{(1)})_6$$

$$\beta_7 := (HV^{(1)})_8 - (HL^{(1)})_7 \quad HV =$$

$$\beta_8 := (HV^{(1)})_9 - (HL^{(1)})_8$$

$$\beta_9 := (HV^{(1)})_{10} - (HL^{(1)})_9$$

$$\beta_{10} := (HV^{(1)})_{11} - (HL^{(1)})_{10}$$

$$\beta_{11} := (HV^{(1)})_{12} - (HL^{(1)})_{11}$$

$$\beta_{12} := (HV^{(1)})_{13} - (HL^{(1)})_{12}$$

$$\beta_{13} := (HV^{(1)})_{14} - (HL^{(1)})_{13}$$

$$\beta_{14} := (HV^{(1)})_{15} - (HL^{(1)})_{14}$$

$$\beta_{15} := (HV^{(1)})_{16} - (HL^{(1)})_{15}$$

$$\beta_{16} := (HV^{(1)})_{17} - (HL^{(1)})_{16}$$

$$\beta_{17} := (HV^{(1)})_{18} - (HL^{(1)})_{17}$$

	1
1	8.869
2	7.936
3	7.717
4	7.603
5	7.697
6	7.752
7	7.836
8	7.936
9	8.035
10	8.154
11	8.402
12	8.396
13	8.539
14	8.678
15	8.838
16	8.739
17	9.379

	1	etapas
1	1.623	1
2	1.503	2
3	1.47	3
4	1.455	4
5	1.458	5
6	1.459	6
7	1.465	7
8	1.473	8
9	1.48	9
10	1.489	10
11	1.507	11
12	1.507	12
13	1.518	13
14	1.529	14
15	1.542	15
16	1.536	16
17	1.582	17

kcal  
g/molMezcla

kcal  
g/molMezcla

Este término no existe

$\beta_{17}$

Consultar la ecuación matricial 21

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (HL_j - HL_{j-1}) + F_j (HL_j - HF_j) + W_j (HV_j - HL_j) + Q_j$$

Consultar el guión de esta experimentación

$$\alpha_2 V_2 + \beta_2 V_3 = \gamma_2$$

Plato (2)  $V_3 = \frac{\gamma_2 - \alpha_2 V_2}{\beta_2}$

Se requiere la figura

$$F_{17} = 594.393 \quad \text{gmol mezcla / h}$$

$$U_1 = 164.056 \quad \text{gmol mezcla / h}$$

Fijado por Balance de Materia

$$V_1 = 0 \quad \text{para el condensador}$$

$$V_2 = 246.084$$

No se requiere  $\alpha_1, \beta_1, \gamma_1, V_1$  y  $V_2$  en la ecuación (21). Consultar el archivo DEDUCCIÓN DE LAS ECUACIONES PARA EL PUNTO DE BURBUJA

$$\gamma_2 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_2 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_1] \quad \Rightarrow \quad \text{No hay Q2}$$

$$\gamma_3 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_3 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_2]$$

$$\gamma_4 := ((-U_1)) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_4 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_3]$$

$$\gamma_5 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_5 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_4]$$

$$\gamma_6 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_6 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_5]$$

$$\gamma_7 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_7 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_6]$$

$$\gamma_8 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_8 - (\text{HL}^{(1)})_7]$$

$$\gamma_9 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_9 - (\text{HL}^{(1)})_8]$$

$$\gamma_{10} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{10} - (\text{HL}^{(1)})_9]$$

$$\gamma_{11} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{11} - (\text{HL}^{(1)})_{10}]$$

$$\gamma_{12} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{12} - (\text{HL}^{(1)})_{11}]$$

$$\gamma_{13} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{13} - (\text{HL}^{(1)})_{12}]$$

$$\gamma_{14} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{14} - (\text{HL}^{(1)})_{13}]$$

$$\gamma_{15} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{15} - (\text{HL}^{(1)})_{14}]$$

$$\gamma_{16} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{16} - (\text{HL}^{(1)})_{15}]$$

No se requiere calcular

$\gamma_{17}$

Consultar la ecuación matricial 21

$$\gamma_{17} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{17} - (\text{HL}^{(1)})_{16}] + F_{17} \cdot (\text{HL}_{17} - \text{HF}_{17}) + Q_1$$

Para calcular gama 17 se requiere Q17 y para calcular Q17 se requiere calcular Q1

### Cálculo de la carga térmica del condensador Q1

$$[L_{j-1} \text{HL}_{j-1} + V_{j+1} \text{HV}_{j+1} + F_j \text{HF}_j - (L_j + U_j) \text{HL}_j - (V_j + W_j) \text{HV}_j = Q_j] \quad (25)$$

### DATOS

$$L_1 = 82.028 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad W_1 := 0 \quad \text{HL}_1 := (\text{HL}^{(1)})_1 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$V_1 = 0 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad U_1 = 164.056 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad \text{HV}_2 := (\text{HV}^{(1)})_2 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$V_2 = 246.084 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad \text{HV}_1 := (\text{HV}^{(1)})_1 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$Q_1 := 0 + V_2 \cdot HV_2 - (L_1 + U_1) \cdot HL_1 - (V_1 + W_1) \cdot HV_1 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}}$$

$$Q_1 = 1.554 \times 10^3 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad (+)}$$

Aquí el sistema termodinámico es el condensador compuesto por tubos de superficie fría que reciben los vapores calientes como una cantidad (+) que entra al sistema

### Cálculo de la carga térmica del evaporador Q17

$$Q_N = \sum_{j=1}^N (F_j HF_j - U_j HL_j - W_j HV_j) - \sum_{j=1}^{N-1} Q_j - V_1 HV_1 - L_N HL_N \quad (26)$$

### DATOS

$$L_{17} = 430.337 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad HF_{17} = 1.621 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$F_{17} = 594.393 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad W := 0 \quad HL_{17} := (HL^{(1)})_1 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$U_1 = 164.056 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad HL_{17} := (HL^{(1)})_{17} \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$Q_{17} := F_{17} \cdot HF_{17} - U_1 \cdot HL_1 - Q_1 - L_{17} \cdot HL_{17} \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}}$$

$$Q_{17} = -1.537 \times 10^3 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad (-)}$$

Aquí el sistema termodinámico son las resistencias ubicadas en el hervidor, el calor desprendido por la superficie de las resistencias es (--) el cual se dirige hacia a la mezcla contenida en el hervidor

CONTINUACIÓN

**Cálculo de los vapores entre etapas de V 3, ..... a..... V 17,**

**aplicando la Ec. (20.5)**

$$\boxed{\alpha_j V_j + \beta_j V_{j+1} = \gamma_j} \quad (20.5)$$

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL}_j - HL_{j-1}) + F_j (\textcolor{blue}{HL}_j - HF_j) + W_j (HV_j - \textcolor{blue}{HL}_j) + Q_j$$

La representación matricial de esta ecuación es:

$$\begin{pmatrix} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & \dots & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & \alpha_{N-3} & \beta_{N-3} & 0 \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & \alpha_{N-2} & \beta_{N-2} \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & 0 & \alpha_{N-1} & \beta_{N-1} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ v_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma_2 - \alpha_2 v_2 \\ \gamma_3 \\ \gamma_4 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \gamma_{N-3} \\ \gamma_{N-2} \\ \gamma_{N-1} \end{pmatrix} \quad (21)$$

**La solución matemática que representa los vapores que suben por la torre en su punto de burbuja está dada por la matriz (21)**

$$\begin{array}{c}
 \left( \begin{array}{ccccccccc} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V3 & & & & & & & & \\ V4 & & 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V5 & & & 0 & 0 & \alpha_5 & \beta_5 & 0 & 0 \\ V6 & & & & 0 & 0 & 0 & \alpha_6 & \beta_6 \\ V7 & & & & & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V8 & & & & & & 0 & \alpha_7 & \beta_7 \\ V9 & & & & & & & 0 & 0 \\ V10 & = & F := & & & & & & 0 \\ V11 & & & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha_9 & \beta_9 \\ V12 & & & & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V13 & & & & & 0 & 0 & 0 & \alpha_{10} & \beta_{10} \\ V14 & & & & & & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V15 & & & & & & & 0 & \alpha_{11} & \beta_{11} \\ V16 & & & & & & & & 0 & 0 \\ V17 & & & & & & & & & 0 \end{array} \right) \\
 \end{array}$$

$$\begin{pmatrix}
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
\beta_{13} & 0 & 0 & 0 \\
\alpha_{14} & \beta_{14} & 0 & 0 \\
0 & \alpha_{15} & \beta_{15} & 0 \\
0 & 0 & \alpha_{16} & \beta_{16}
\end{pmatrix}^{-1} \cdot \begin{pmatrix}
\gamma_2 - \alpha_2 \cdot V_2 \\
\gamma_3 \\
\gamma_4 \\
\gamma_5 \\
\gamma_6 \\
\gamma_7 \\
\gamma_8 \\
\gamma_9 \\
\gamma_{10} \\
\gamma_{11} \\
\gamma_{12} \\
\gamma_{13} \\
\gamma_{14} \\
\gamma_{15} \\
\gamma_{16}
\end{pmatrix}$$

Por lo tanto

$$VNPB = F \cdot G$$

$$V_1 = 0$$

Vapores ya conocidos  
por balances de materia

$$V_2 = 246.084$$


---

$$\text{VNPB} := \begin{pmatrix} 253.172 \\ 257.399 \\ 253.298 \\ 251.127 \\ 247.833 \\ 244.081 \\ 240.496 \\ 236.288 \\ 227.905 \\ 228.271 \\ 223.629 \\ 219.379 \\ 214.66 \\ 217.704 \\ 199.898 \end{pmatrix}$$

$$\frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}}$$

**Un segundo procedimiento es aplicar la Ec. (22)**

$$V_j = \frac{\gamma_{j-1} - \alpha_{j-1} V_{j-1}}{\beta_{j-1}} \quad (22)$$

$$V_1 = 0$$

$$V_2 = 246.084$$

$$V_3 := \frac{\gamma_2 - \alpha_2 \cdot V_2}{\beta_2}$$

$$V_4 := \frac{\gamma_3 - \alpha_3 \cdot V_3}{\beta_3}$$

$$V_{5v} := \frac{\gamma_4 - \alpha_4 \cdot V_4}{\beta_4}$$

$$V_{6v} := \frac{\gamma_5 - \alpha_5 \cdot V_5}{\beta_5}$$

$$V_{7v} := \frac{\gamma_6 - \alpha_6 \cdot V_6}{\beta_6}$$

$$V_{8v} := \frac{\gamma_7 - \alpha_7 \cdot V_7}{\beta_7}$$

$$V_{9v} := \frac{\gamma_8 - \alpha_8 \cdot V_8}{\beta_8}$$

$$V_{10v} := \frac{\gamma_9 - \alpha_9 \cdot V_9}{\beta_9}$$

$$V_{11v} := \frac{\gamma_{10} - \alpha_{10} \cdot V_{10}}{\beta_{10}}$$

$$V_{12v} := \frac{\gamma_{11} - \alpha_{11} \cdot V_{11}}{\beta_{11}}$$

$$V_{13v} := \frac{\gamma_{12} - \alpha_{12} \cdot V_{12}}{\beta_{12}}$$

$$V_{14v} := \frac{\gamma_{13} - \alpha_{13} \cdot V_{13}}{\beta_{13}}$$

$$V_{15v} := \frac{\gamma_{14} - \alpha_{14} \cdot V_{14}}{\beta_{14}}$$

$$V_{16v} := \frac{\gamma_{15} - \alpha_{15} \cdot V_{15}}{\beta_{15}}$$

$$V_{17v} := \frac{\gamma_{16} - \alpha_{16} \cdot V_{16}}{\beta_{16}}$$

$$VNpb := \begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ v_6 \\ v_7 \\ v_8 \\ v_9 \\ v_{10} \\ v_{11} \\ v_{12} \\ v_{13} \\ v_{14} \\ v_{15} \\ v_{16} \\ v_{17} \end{pmatrix}$$

Resumen de los resultados parciales, ya que no se cumplieron las condiciones de los errores en el destilado y en el residuo

#### Vapores NORMALIZADOS en el punto de burbuja

Obtenidos con la ecuación (22)

Obtenidos con la matriz (21)

	$V_{Npb} := \begin{pmatrix} 0 \\ 246.084 \\ 253.089 \\ 257.422 \\ 253.275 \\ 250.923 \\ 247.796 \\ 244.26 \\ 240.464 \\ 236.49 \\ 227.883 \\ 228.059 \\ 223.678 \\ 219.305 \\ 214.822 \\ 217.901 \\ 199.879 \end{pmatrix}$	$V_1 = 0$																																
	$VNPB =$	$V_2 = 246.084$																																
		<table border="1"> <thead> <tr> <th></th> <th>1</th> </tr> </thead> <tbody> <tr><td>1</td><td>253.172</td></tr> <tr><td>2</td><td>257.399</td></tr> <tr><td>3</td><td>253.298</td></tr> <tr><td>4</td><td>251.127</td></tr> <tr><td>5</td><td>247.833</td></tr> <tr><td>6</td><td>244.081</td></tr> <tr><td>7</td><td>240.496</td></tr> <tr><td>8</td><td>236.288</td></tr> <tr><td>9</td><td>227.905</td></tr> <tr><td>10</td><td>228.271</td></tr> <tr><td>11</td><td>223.629</td></tr> <tr><td>12</td><td>219.379</td></tr> <tr><td>13</td><td>214.66</td></tr> <tr><td>14</td><td>217.704</td></tr> <tr><td>15</td><td>199.898</td></tr> </tbody> </table>		1	1	253.172	2	257.399	3	253.298	4	251.127	5	247.833	6	244.081	7	240.496	8	236.288	9	227.905	10	228.271	11	223.629	12	219.379	13	214.66	14	217.704	15	199.898
	1																																	
1	253.172																																	
2	257.399																																	
3	253.298																																	
4	251.127																																	
5	247.833																																	
6	244.081																																	
7	240.496																																	
8	236.288																																	
9	227.905																																	
10	228.271																																	
11	223.629																																	
12	219.379																																	
13	214.66																																	
14	217.704																																	
15	199.898																																	

$\frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}}$

Resultados de los errores porcentuales del destilado y de los residuos

$$\%E_{\text{destilado}} := \frac{\left[ (xNetanol^{(1)})_1 \right] - (xmolD)}{xmolD} \cdot (100) = -32.568$$

$$\%E_{\text{residuo}} := \frac{\left[ (xNetanol^{(1)})_{17} \right] - (xmolF)}{xmolF} \cdot (100) = 48.326$$

Por lo tanto habrá que corregir los valores reportados por el modelo del punto de burbuja aplicando más iteraciones. CONSULTAR EL SIGUIENTE ARCHIVO que se encuentra en la plataforma AMyD

**NOTA IMPORTANTE.** - Antes de empezar las iteraciones del programa del Método del Punto de Burbuja utilizando los valores de los VAPORES NORMALIZADOS EN SU PUNTO DE BURBIJA (VNpb) que están listados arriba y los valores experimentales de temperaturas leídos en las pantallas de los termopares instalados en la columna se tiene que informar que se obtienen resultados ascendentes que divergen.

Pero si se utilizan los factores de corrección FAD (factor de corrección para los destilados) y FAF (factor de corrección para los fondos) entonces el Modelo del Punto de burbuja se ajusta a los datos experimentales. La principal razón es que el método riguroso del Punto de Burbuja le falta una corrección sobre la eficiencia real de cada plato en la columna. (Actualmente un grupo de profesores del Laboratorio trabaja en este problema para editar un artículo internacional).



|

2)



