

**Método riguroso para las separaciones de multicomponentes  
en etapas múltiples  
(Destilación binaria etanol / agua)**

**DATOS DIRECTOS DE LA EXPERIMENTACIÓN  
(HERVIDOR 17)**

**DIMENSIONES DE LA COLUMNA Y CONDICIONES INICIALES  
DE ALIMENTACIÓN**

- Posición en la perilla de calentamiento en el número 9
- Alimentación a la torre con la válvula intermedia del precalentador
- Longitud de la sección empacada 91.5 cm

Densidad de la mezcla de alimentación  $\rho_A = 0.935 \text{ g / cm}^3$

Composición en % en masa

$$\% \text{masa} = -4606 \rho_A^3 + 11475 \rho_A^2 - 9909 \rho_A + 3038.1; \% \text{masa} = 40 \frac{\text{g ETOH}}{\text{g mezcla}}$$

Flujo de la alimentación de la mezcla a la columna, utilizando un flujo en la posición de la bomba de 50/50 = 0.143202 (L / min), valor calculado como referencia.

$$50/50 = 0.244 \text{ L/min}$$

M ===== M

**PRUEBA I**  
**RELACIÓN DE REFLUJO L / D = 1/2**  
**ALIMENTACIÓN EN EL HERVIDOR 17**

**FLUJOS**

Tiempo de operación (min)	Fondos			Destilado		
	Tiempo de llenado probeta (min)	Volumen probeta (L)	Flujo (L / min)	Tiempo de llenado probeta (min)	Volumen probeta (L)	Flujo (L / min)
20	1.34	0.21	0.156	2.02	0.234	0.116

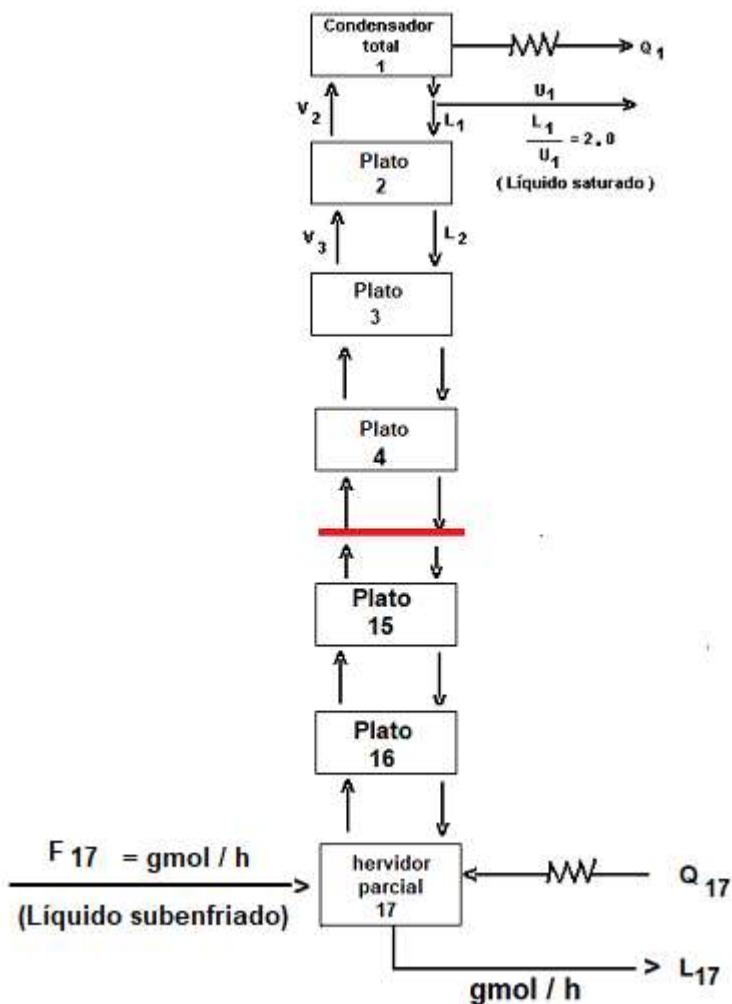
**COMPOSICIONES**

Tiempo de operación (min)	Fondos		Destilado	
	Densidad de Fondos ( $\rho_F$ ) (g /mL)	Composición Fondos % masa	Densidad de Destilado ( $\rho_D$ ) (g /mL)	Composición Destilado % masa
20	0.964	23.3	0.84	81.3

**TEMPERATURAS**

Tiempo de operación (min)	T1 Hervidor 17 (°C)	T2 Plato 16 (°C)	T3 Plato 11 (°C)	T4 Plato 4 (°C)	T5 Condensador 1 (°C)
20	81.2	78.9	78.0	74.7	74

T6 Precalentamiento (de alimentación) (°C)	T7 Entrada de agua al condensador (°C)	T8 Salida de agua del condensador (°C)
22.5	18.6	21.4



**RELACIÓN DE REFLUJO**

$$\text{LenD} := \frac{1}{2}$$

**TEMPERATURAS DEL HERVIDOR**

$$T_1 := 81.2 \text{ } ^\circ\text{C}$$

**TEMPERATURAS DE ALIMENTACIÓN DE LA MEZCLA  
(T6 del precalentador)**

$$T^{\circ}\text{CA} := 22.5 \text{ } ^\circ\text{C}$$

**FLUJOS**

$$L_A := 0.244 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

alimentación

$$L_F := 0.156 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

fondos

$$L_D := 0.116 \frac{\text{L}}{\text{min}}$$

destilado

**DENSIDADES Y COMPOSICIONES**

$$\rho_A := 0.935$$

$$\frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3}$$

$$\rho_F := 0.964$$

$$\frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3}$$

$$\rho_D := 0.84$$

$$\frac{\text{gmezcla}}{\text{cm}^3}$$

$$\begin{aligned}\%mA &:= -4606 \cdot \rho A^3 + 11475 \cdot \rho A^2 - 9909 \cdot \rho A + 3038.1 && \text{porciento en masa} \\ \%mD &:= -4606 \cdot \rho D^3 + 11475 \cdot \rho D^2 - 9909 \cdot \rho D + 3038.1 && \text{porciento en masa} \\ \%mF &:= -4606 \cdot \rho F^3 + 11475 \cdot \rho F^2 - 9909 \cdot \rho F + 3038.1 && \text{porciento en masa}\end{aligned}$$

$$xmA := \frac{\%mA}{100}$$

$$xmA = 0.3997$$

$$xmF := \frac{\%mF}{100}$$

$$xmF = 0.2325$$

$$xmD := \frac{\%mD}{100}$$

$$xmD = 0.8131$$

g ETOH / g mezcla

g ETOH / g mezcla

g ETOH / g mezcla

## LAS FRACCIONES MOL

$$PMH2O := 18 \text{ g/gmol}$$

$$PMETOH := 46 \text{ g/gmol}$$

$$xmolA := \frac{\frac{xmA}{PMETOH}}{\frac{xmA}{PMETOH} + \frac{1 - xmA}{PMH2O}}$$

$$xmolF := \frac{\frac{xmF}{PMETOH}}{\frac{xmF}{PMETOH} + \frac{1 - xmF}{PMH2O}}$$

$$xmolD := \frac{\frac{xmD}{PMETOH}}{\frac{xmD}{PMETOH} + \frac{1 - xmD}{PMH2O}}$$

$$xmolA = 0.207$$

$$xmolF = 0.106$$

$$xmolD = 0.63$$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

gmol ETOH /  
gmol mezcla

gmol ETOH /  
gmol mezcla

## Balance de materia

$$PMpromedioA := xmolA \cdot PMETOH + (1 - xmolA) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioF} := xmolF \cdot PMETOH + (1 - xmolF) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioD} := xmolD \cdot PMETOH + (1 - xmolD) \cdot PMH2O$$

$$PM_{promedioA} = 23.788 \quad \text{kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

$$PM_{promedioF} = 20.967 \quad \text{kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

$$PM_{promedioD} = 35.637 \quad \text{kg mezcla/ kgmol mezcla}$$

### Los flujos en g / h y en gmol / h

$$LA_{masico} := \overrightarrow{\left[ LA \cdot \rho A \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$LF_{masico} := \overrightarrow{\left[ LF \cdot \rho F \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$LD_{masico} := \overrightarrow{\left[ LD \cdot \rho D \cdot (60) \cdot \left( \frac{1000}{1} \right) \right]}$$

$$\frac{g}{h} = \frac{L}{min} \cdot \frac{g_{mezcla}}{cm^3} \cdot \frac{60 \cdot min}{1h} \cdot \frac{(1000 \cdot cm^3)}{1L}$$

$$LA_{molar} := \overrightarrow{\left( LA_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioA}} \right)}$$

$$LF_{molar} := \overrightarrow{\left( LF_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioF}} \right)}$$

$$LD_{molar} := \overrightarrow{\left( LD_{masico} \cdot \frac{1}{PM_{promedioD}} \right)}$$

$$\frac{gmolmezcla}{h} = \frac{g}{h} \cdot \frac{gmolmezcla}{gmezcla}$$

### Balance molar en la columna

$$LAmolar = LFmolar + LDmolar$$

$$LAmolar = 575.445 \frac{gmolmezcla}{h}$$

$$LFmolar + LDmolar = 594.393 \frac{gmolmezcla}{h}$$

Si no concuerda el balance molar, tomar

$$LAmolar := LFmolar + LDmolar$$

$$LAmolar = 594.393 \frac{gmol de mezcla}{h}$$

$$LFmolar = 430.337 \frac{gmol de mezcla}{h}$$

$$LDmolar = 164.056 \frac{gmol de mezcla}{h}$$

### Inicio del programa punto de burbuja

ORIGIN := 1

### Temperatura de alimentación

$$TF17^{\circ}\text{C} := T^{\circ}\text{C}, {}^{\circ}\text{C}$$

Temperatura de alimentación F en el hervidor 17 en °C

$$TF17^{\circ}\text{C} = 22.5 {}^{\circ}\text{C}$$

**composiciones de entrada y salida a la columna de destilación utilizando la nomenclatura del libro de J.D. Seader**

$$Z_{117} := xmolA$$

$$Z_{117} = 0.207 \quad \text{gmol ETOH / gmol mezcla}$$

$$Z_{217} := 1 - Z_{117}$$

$$Z_{217} = 0.793 \quad \text{gmol H}_2\text{O / gmol mezcla}$$

### Alimentación al hervidor como líquido subenfriado

$$F_{17} := L_A \text{molar} \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

$$F_{17} = 594.393 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

### Flujo de fondos o residuos que salen de la columna

$$L_{17} := L_F \text{molar} \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

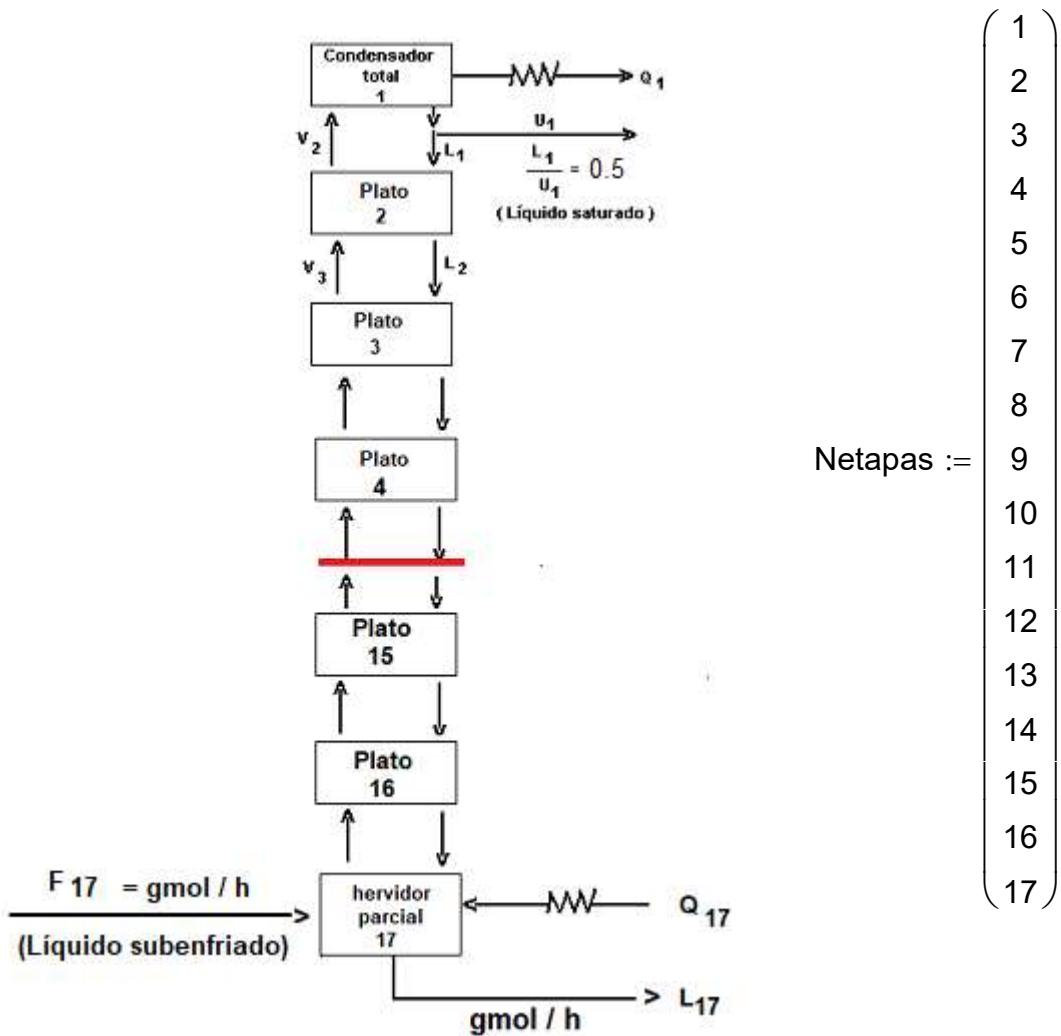
$$L_{17} = 430.337 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

### Flujo de destilado que sale de la columna

$$U_1 := L_D \text{molar}$$

$$U_1 = 164.056 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

$$\text{Balance global de materia} \quad F_{17} = U_1 + L_{17}$$



Corriente líquida  $L_1$  que entra a la etapa 2

relación de reflujo  $R := 0.5$

$$R = \frac{L_1}{U_1}$$

$$L_1 := R \cdot U_1$$

$$L_1 = 82.028 \quad \text{gmol mezcla/h}$$

Corriente de vapores  $V_2$  que entran al condensador del domo de la columna

$$V_2 := U_1 + L_1$$

$V_2 = 246.084$	gmol mezcla / h
-----------------	-----------------

**Temperaturas experimentales tomadas en las carátulas de los termopares situados en la columna de destilación**

### TEMPERATURAS

Tiempo de operación (min)	T1 Hervidor 17 (°C)	T2 Plato 16 (°C)	T3 Plato 11 (°C)	T4 Plato 4 (°C)	T5 Condensador 1 (°C)
20	81.2	78.9	78.0	74.7	74

T6 Precalentamiento (de alimentación) (°C)	T7 Entrada de agua al condensador (°C)	T8 Salida de agua del condensador (°C)
22.5	18.6	21.4

### Estimación de las temperaturas de los platos restantes

Temperaturas experimentales

$$\text{Posición y temperaturas} = \begin{cases} \text{condensador-etape1} & T5 = 74^{\circ}\text{C} \\ \text{plato-4} & T4 = 74.7^{\circ}\text{C} \\ \text{plato-11} & T3 = 78.0^{\circ}\text{C} \\ \text{plato-16} & T2 = 78.9^{\circ}\text{C} \\ \text{hervidor-17} & T1 = 81.2^{\circ}\text{C} \end{cases}$$

$ne := \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 11 \\ 16 \\ 17 \end{pmatrix}$	<p style="margin: 0;">Etapa 1, Condensador</p> <p style="margin: 0;">-----&gt;</p> <p style="margin: 0;">hervidor</p>	$T_{exp} := \begin{pmatrix} 74 \\ 74.7 \\ 78 \\ 78.9 \\ 81.2 \end{pmatrix} {}^{\circ}\text{C}$	<p style="margin: 0;">Etapas restantes</p> $NE := \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 12 \\ 13 \\ 14 \\ 15 \end{pmatrix}$
--	---	--	--

$ne$  = Número de etapas y sus temperaturas experimentales

$T_{exp}$  = Temperaturas experimentales

$NE$  = Número de etapas restantes para completar 17 etapas

$TC$  = Es la temperatura calculada que se obtiene al sustituir  $NE$  en la ecuación de la regresión: ( $T_{exp}$  Vs  $ne$ )

**Regresión de las temperaturas experimentales en verde para predecir las etapas restantes de amarillo**

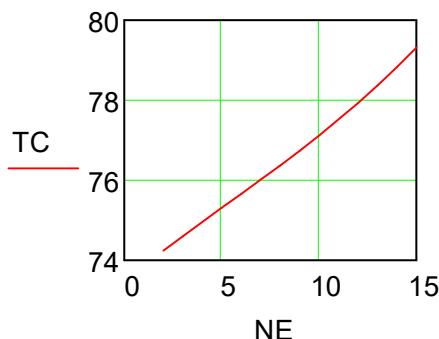
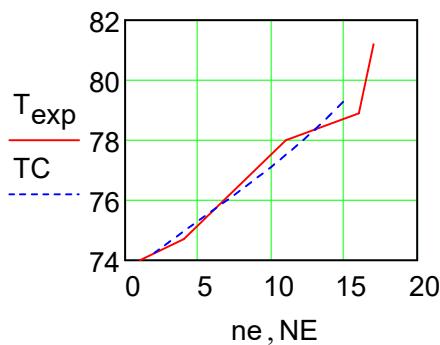
$i := 1 .. 5$        $nei := ne$

$nei = \begin{pmatrix} 1 \\ 4 \\ 11 \\ 16 \\ 17 \end{pmatrix}$	<p style="margin: 0;"><math>M := \text{augment}(ne)</math></p> <p style="margin: 0;"><math>B := T_{exp}</math></p> <p style="margin: 0;"><math>n := 3</math></p> <p style="margin: 0;"><math>\text{R} := \text{regress}(M, B, n)</math></p>
--	---

$$R = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 3 \\ 73.48272 \\ 0.3988 \\ -0.00841 \\ 0.00054 \end{pmatrix}$$

TC = Températura calculada

$$TC := 0.00054 \cdot NE^3 - 0.00841 \cdot NE^2 + 0.3938 \cdot NE + 73.48272$$



Los vapores V<sub>j</sub> y las temperaturas experimentales de burbuja T<sub>j</sub> de cada etapa j

columna

$$T^{\circ}C_{,1} = \left( T_{exp}^{(1)} \right)_1 \quad \text{renglón}$$

No se pueden modificar los valores T<sub>j</sub> son los experimentales en el régimen permanente

V<sub>j</sub>

T<sub>j</sub>

1	$V_1 := 0$	El condensador no produce vapor	$T^{\circ}C_1 := (T_{\text{exp}}^{(1)})_1$
2	$V_2 = 246.084$	Fijado por el Balance de Materia	$T^{\circ}C_2 := (T_{\text{C}}^{(1)})_1$
3	$V_3 := V_2$		$T^{\circ}C_3 := (T_{\text{C}}^{(1)})_2$
4	$V_4 := V_2$		$T^{\circ}C_4 := (T_{\text{exp}}^{(1)})_2$
5	$V_5 := V_2$		$T^{\circ}C_5 := (T_{\text{C}}^{(1)})_3$
6	$V_6 := V_2$		$T^{\circ}C_6 := (T_{\text{C}}^{(1)})_4$
7	$V_7 := V_2$		$T^{\circ}C_7 := (T_{\text{C}}^{(1)})_5$
8	$V_8 := V_2$		$T^{\circ}C_8 := (T_{\text{C}}^{(1)})_6$
9	$V_9 := V_2$		$T^{\circ}C_9 := (T_{\text{C}}^{(1)})_7$
10	$V_{10} := V_2$		$T^{\circ}C_{10} := (T_{\text{C}}^{(1)})_8$
11	$V_{11} := V_2$		$T^{\circ}C_{11} := (T_{\text{exp}}^{(1)})_3$
12	$V_{12} := V_2$		$T^{\circ}C_{12} := (T_{\text{C}}^{(1)})_9$
13	$V_{13} := V_2$		$T^{\circ}C_{13} := (T_{\text{C}}^{(1)})_{10}$
14	$V_{14} := V_2$		$T^{\circ}C_{14} := (T_{\text{C}}^{(1)})_{11}$
15	$V_{15} := V_2$		$T^{\circ}C_{15} := (T_{\text{C}}^{(1)})_{12}$
16	$V_{16} := V_2$		$T^{\circ}C_{16} := (T_{\text{exp}}^{(1)})_4$
17	$V_{17} := V_2$	Hervidor	$T^{\circ}C_{17} := (T_{\text{exp}}^{(1)})_5$

Estos valores NO cambian

		para cualquier iteración
$V := \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \\ V_5 \\ V_6 \\ V_7 \\ V_8 \\ V_9 \\ V_{10} \\ V_{11} \\ V_{12} \\ V_{13} \\ V_{14} \\ V_{15} \\ V_{16} \\ V_{17} \end{pmatrix}$	$\frac{\text{gmol · mezcla}}{h}$	$T^\circ C := \begin{pmatrix} T^\circ C_1 \\ T^\circ C_2 \\ T^\circ C_3 \\ T^\circ C_4 \\ T^\circ C_5 \\ T^\circ C_6 \\ T^\circ C_7 \\ T^\circ C_8 \\ T^\circ C_9 \\ T^\circ C_{10} \\ T^\circ C_{11} \\ T^\circ C_{12} \\ T^\circ C_{13} \\ T^\circ C_{14} \\ T^\circ C_{15} \\ T^\circ C_{16} \\ T^\circ C_{17} \end{pmatrix}$

m ======0000===== m

ya que los errores porcentuales de las fracciones molares del domo y de los residuos aumentan con el No. de iteraciones, seleccionar la primera corrida "sin iteraciones" que son los valores de las dos columnas  $V_j$  y  $T_j$  de arriba para utilizar los factores de ajuste **FAD** y **FAF**

$$\text{Error porcentual (del destilado)} = \frac{x_{\text{molar del modelo}} - x_{\text{molar experimental}}}{x_{\text{molar experimental}}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

$$\text{Error porcentual (de los residuos)} = \frac{x_{\text{molar del modelo}} - x_{\text{molar experimental}}}{x_{\text{molar experimental}}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

m ======0000===== m

## Cálculo de las constantes K de equilibrio

$$P_T := 586 \text{ mmHg} \quad T^\circ K := T^\circ C + 273.15$$

Constantes para presiones de vapor

(e) Etanol

$$A1 := 23.8442 \quad B1 := -2.8642 \cdot 10^3 \quad C1 := -5.0474 \quad D1 := 3.7448 \cdot 10^{-11}$$

$$E1 := 2.7361 \cdot 10^{-7}$$

(a) Agua

$$A2 := 29.8605 \quad B2 := -3.1522 \cdot 10^3 \quad C2 := -7.3027 \quad D2 := 2.4247 \cdot 10^{-9}$$

$$E2 := 1.809 \cdot 10^{-6}$$

$$P^\circ e := 10^{\left[ A1 + \left( \frac{B1}{T^\circ K} \right) + C1 \cdot \log(T^\circ K) + D1 \cdot T^\circ K + E1 \cdot (T^\circ K)^2 \right]} \quad \text{mmHg}$$

$$P^\circ a := 10^{\left[ A2 + \left( \frac{B2}{T^\circ K} \right) + C2 \cdot \log(T^\circ K) + D2 \cdot T^\circ K + E2 \cdot (T^\circ K)^2 \right]} \quad \text{mmHg}$$

$$K_e := \frac{P^\circ e}{P_T}$$

$$K_a := \frac{P^\circ a}{P_T}$$

Encontrar las dos ecuaciones:

(1)  $K_e$  Vs  $T^\circ C$  y

(2)  $K_a$  Vs  $T^\circ C$

	1
1	1.086
2	1.096
3	1.112
4	1.117
r	0.503

	1
1	0.476
2	0.481
3	0.488
4	0.49
r	0.503

	1
1	74
2	74.241
3	74.603
4	74.7

5	1.145
6	1.161
7	1.177
8	1.194
9	1.212
10	1.231
11	1.274
12	1.271
13	1.293
14	1.317
15	1.342
16	1.32
17	1.444

Ke =

5	0.503
6	0.51
7	0.518
8	0.526
9	0.534
10	0.542
11	0.562
12	0.561
13	0.571
14	0.582
15	0.593
16	0.583
17	0.64

Ka =

5	75.309
6	75.659
7	76.012
8	76.371
9	76.739
10	77.12
11	78
12	77.93
13	78.367
14	78.829
15	79.32
16	78.9
17	81.2

T°C =

Copiar sólo la primera vez

	1
1	74
2	74.241
3	74.603
4	74.7
5	75.309
6	75.659
7	76.012
8	76.371
9	76.739
10	77.12
11	78
12	77.93
13	78.367
14	78.829
15	79.32
16	78.9

T°C =

ETANOL

M := augment(T°C)

B := Ke

n := 1 orden del polinomio

R := regress(M ,B ,n)

$$R = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 1 \\ -2.55784 \\ 0.04917 \end{pmatrix}$$

AGUA

N := augment(T°C)

F := Ka

Q := 1 orden del polinomio

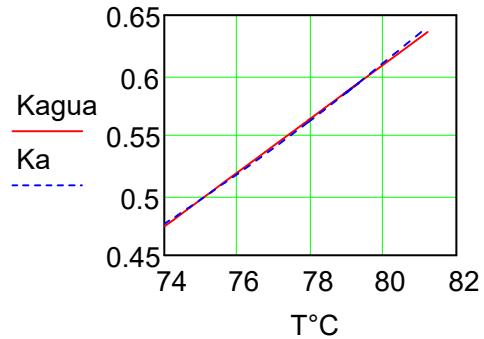
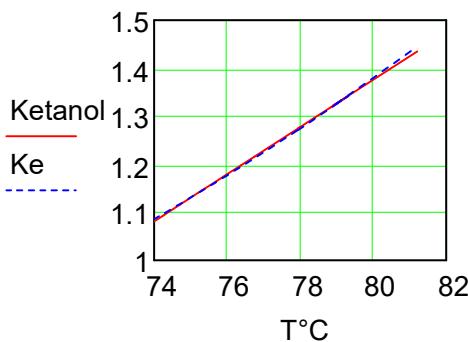
RR := regress(N ,F ,Q)

$$RR = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 1 \\ -1.188 \\ 0.02246 \end{pmatrix}$$

17	81.2
----	------

$$\text{Ketanol} := 0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C} - 2.55784$$

$$\text{Kagua} := 0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C} - 1.188$$



### Constantes para las capacidades caloríficas de la fase líquida

Cp del etanol

$$A := 59.342$$

$$B := 3.6358 \cdot 10^{-1}$$

$$C := -1.2164 \cdot 10^{-3}$$

$$D := 1.8031 \cdot 10^{-6}$$

Cp del agua

$$E := 92.053$$

$$F := -3.9953 \cdot 10^{-2}$$

$$G := -2.1103 \cdot 10^{-4}$$

$$H := 5.3469 \cdot 10^{-7}$$

Joules  
gmol°K

### Constantes para las capacidades caloríficas de la fase gaseosa

Cp del etanol

$$A_e := 27.091$$

$$B_e := 1.1055 \cdot 10^{-1}$$

$$C_e := 1.0957 \cdot 10^{-4}$$

$$D_e := -1.5046 \cdot 10^{-7}$$

$$E_e := 4.6601 \cdot 10^{-11}$$

Cp del agua

$$A_a := 33.933$$

$$B_a := -8.4186 \cdot 10^{-3}$$

$$C_a := 2.9906 \cdot 10^{-5}$$

$$D_a := -1.7825 \cdot 10^{-8}$$

$$E_a := 3.6934 \cdot 10^{-12}$$

Joules  
gmol°K

### Constantes para el calor latente fase gaseosa

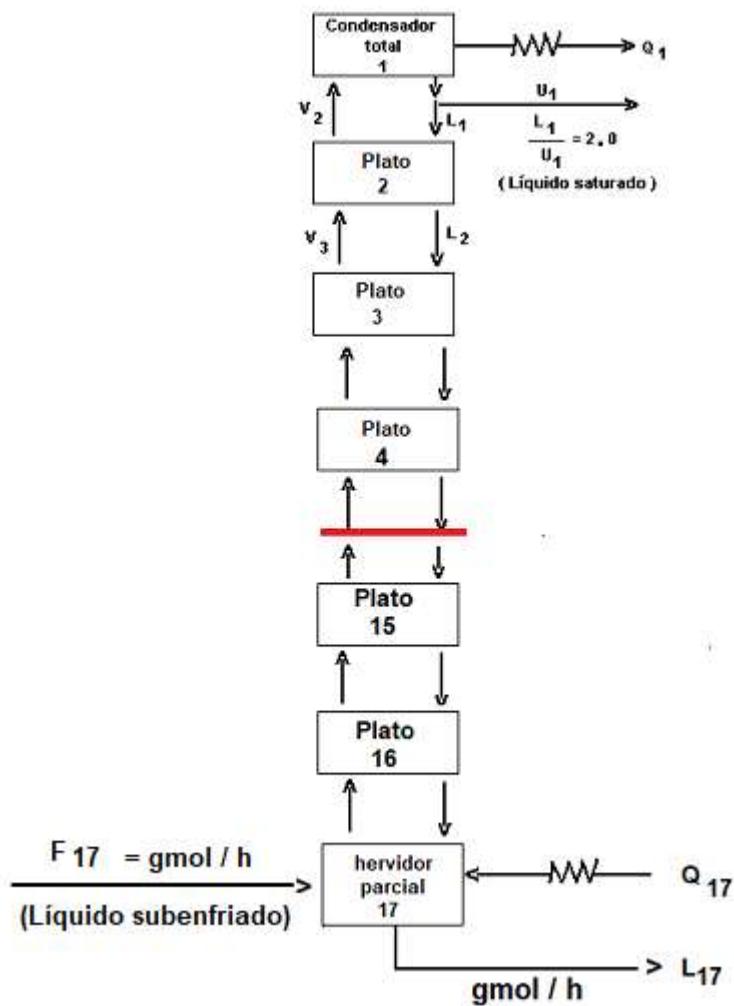
$$A_{ee} := 43.122 \quad A_{aa} := 52.053$$

$$Tc_{ee} := 516.25 \quad Tc_{aa} := 647.13$$

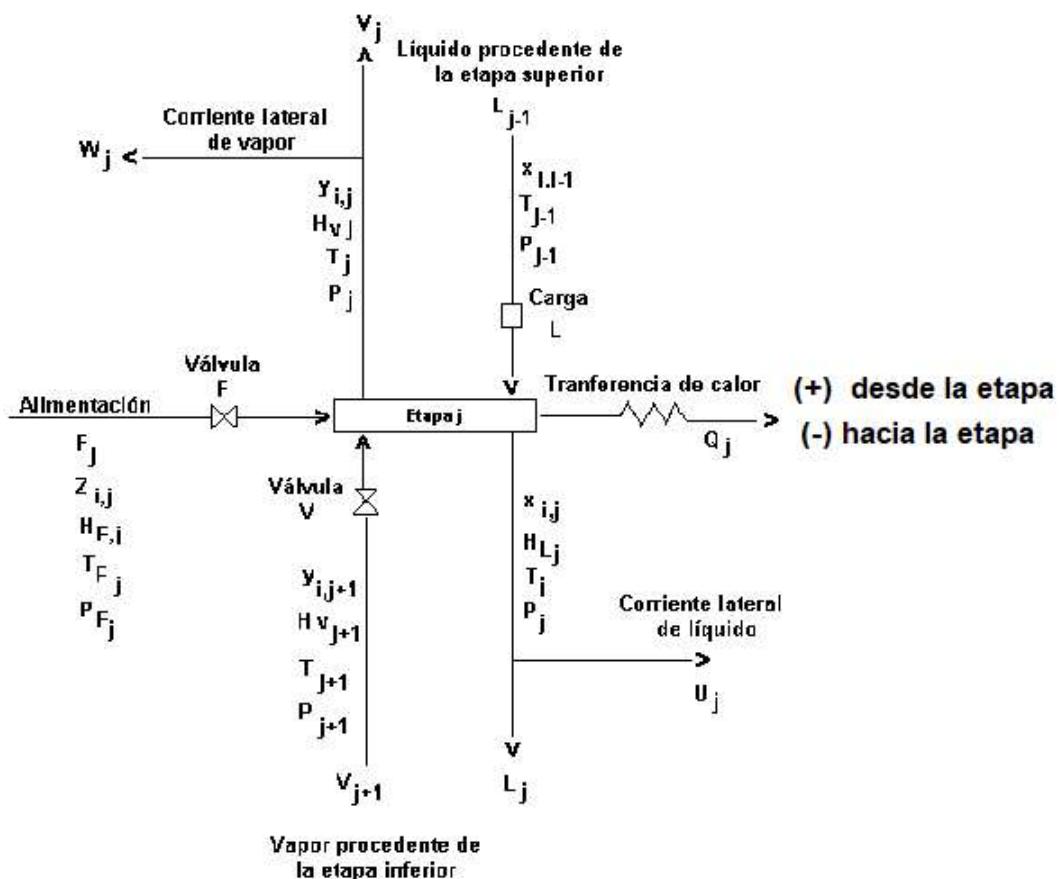
$$n_{ee} := 0.079 \quad n_{aa} := 0.321$$

$$\frac{\text{kJoules}}{\text{gmol}}$$

### Datos para las ecuaciones de Thomas



### ETAPA GENERAL DE EQUILIBRIO



$$A_j = V_j + \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \quad ; \quad 2 \leq j \leq N \quad (16)$$

$W_m$  = significa otras corrientes laterales de vapor, dependiendo de la variación de  $m$

$$A_j = V_j + \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m) \quad W_m := 0 \quad V_1 = 0$$

Empezando por el rehervidor 17

$$\begin{aligned} \text{etapa 17} \quad A_{17} &:= V_{17} + 0 - U_1 \quad A_{17} = \left( \frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}} \right) - \frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}} \\ \text{etapa 16} \quad A_{16} &:= V_{16} - U_1 \end{aligned}$$

etapa 15       $A_{15} := V_{15} - U_1$   
 etapa 14       $A_{14} := V_{14} - U_1$   
 etapa 13       $A_{13} := V_{13} - U_1$   
 etapa 12       $A_{12} := V_{12} - U_1$   
 etapa 11       $A_{11} := V_{11} - U_1$   
 etapa 10       $A_{10} := V_{10} - U_1$   
 etapa 9       $A_9 := V_9 - U_1$   
 etapa 8       $A_8 := V_8 - U_1$   
 etapa 7       $A_7 := V_7 - U_1$   
 etapa 6       $A_6 := V_6 - U_1$   
 etapa 5       $A_5 := V_5 - U_1$   
 etapa 4       $A_4 := V_4 - U_1$   
 etapa 3       $A_3 := V_3 - U_1$   
 etapa 2       $A_2 := V_2 - U_1$

**etapa 1**       $A_1 := 0 - 0$       físicamente no existe

Ahora:

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{\text{jetanol}} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + (V_j) \cdot K_{i,j}] \right]$$

Para hacer esta programación  $B_j$  se requieren los valores de la  $K_i$  del etanol y del agua

$$\begin{aligned} & (K_{\text{etanol}}^{(1)})_1 && (K_{\text{agua}}^{(1)})_1 \\ & (K_{\text{etanol}}^{(1)})_2 && (K_{\text{agua}}^{(1)})_2 \end{aligned}$$

$(\text{Ketanol}^{(1)})_3$	$(\text{Kagua}^{(1)})_3$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_4$	$(\text{Kagua}^{(1)})_4$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_5$	$(\text{Kagua}^{(1)})_5$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_6$	$(\text{Kagua}^{(1)})_6$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_7$	$(\text{Kagua}^{(1)})_7$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_8$	$(\text{Kagua}^{(1)})_8$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_9$	$(\text{Kagua}^{(1)})_9$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{10}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{10}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{11}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{11}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{12}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{12}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{13}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{13}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{14}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{14}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{15}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{15}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{16}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{16}$
$(\text{Ketanol}^{(1)})_{17}$	$(\text{Kagua}^{(1)})_{17}$

Continuación

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{jetanol} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + V_j \cdot K_{i,j}] \right]$$

$i = \text{etanol}$   
 $j = \text{etapa}$

Esta ecuación debe aplicarse para cada componente

**Para el etanol**

Empezando por el rehervidor 17  
donde no existe etapa 18, ver el  
cero.

Para K dfel etanol: será  
columna (1) del renglón (17)

$$B_{17\text{etanol}} := -[0 + F_{17} - U_1 + V_{17} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{17}]$$

$$B_{16\text{etanol}} := -[V_{17} - U_1 + V_{16} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{16}]$$

$$B_{15\text{etanol}} := -[V_{16} - U_1 + V_{15} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{15}]$$

$$B_{14\text{etanol}} := -[V_{15} - U_1 + V_{14} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{14}]$$

$$B_{13\text{etanol}} := -[V_{14} - U_1 + V_{13} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{13}]$$

$$B_{12\text{etanol}} := -[V_{13} - U_1 + V_{12} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{12}]$$

$$B_{11\text{etanol}} := -[V_{12} - U_1 + V_{11} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{11}]$$

$$B_{10\text{etanol}} := -[V_{11} - U_1 + V_{10} \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_{10}]$$

$$B_9\text{etanol} := -[V_{10} - U_1 + V_9 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_9]$$

$$B_8\text{etanol} := -[V_9 - U_1 + V_8 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_8]$$

$$B_7\text{etanol} := -[V_8 - U_1 + V_7 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_7]$$

$$B_6\text{etanol} := -[V_7 - U_1 + V_6 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_6]$$

$$B_5\text{etanol} := -[V_6 - U_1 + V_5 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_5]$$

$$B_4\text{etanol} := -[V_5 - U_1 + V_4 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_4]$$

$$B_3\text{etanol} := -[V_4 - U_1 + V_3 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_3]$$

$$B_2\text{etanol} := -[V_3 - U_1 + V_2 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_2]$$

$$B_1\text{etanol} := -[V_2 - U_1 + U_1 + V_1 \cdot (\text{Ketanol}^{(1)})_1]$$

## Para el agua

$$B_j = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 + U_j + (V_j + W_j) K_{i,j} \right] \quad (17)$$

$$B_{j\text{agua}} = - \left[ V_{j+1} + \sum_{m=1}^j [(F_m - U_m) + U_j + (V_j) \cdot K_{i,j}] \right]$$

Empezando por rehervidor 17  
 Empezando por rehervidor 17  
 no existe etapa 18, ver el cero.  
 Para  $K_{\text{agua}}$  será: columna (1)  
 renglón (17)

$$B_{17\text{agua}} := - \left[ 0 + F_{17} - U_1 + 0 + V_{17} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{17} \right]$$

$$B_{16\text{agua}} := - \left[ V_{17} - U_1 + V_{16} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{16} \right]$$

$$B_{15\text{agua}} := - \left[ V_{16} - U_1 + V_{15} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{15} \right]$$

$$B_{14\text{agua}} := - \left[ V_{15} - U_1 + V_{14} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{14} \right]$$

$$B_{13\text{agua}} := - \left[ V_{14} - U_1 + V_{13} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{13} \right]$$

$$B_{12\text{agua}} := - \left[ V_{13} - U_1 + V_{12} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{12} \right]$$

$$B_{11\text{agua}} := - \left[ V_{12} - U_1 + V_{11} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{11} \right]$$

$$B_{10\text{agua}} := - \left[ V_{11} - U_1 + V_{10} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{10} \right]$$

$$B_{9\text{agua}} := - \left[ V_{10} - U_1 + V_9 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_9 \right]$$

$$B_{8\text{agua}} := - \left[ V_9 - U_1 + V_8 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_8 \right]$$

$$B_{7\text{agua}} := - \left[ V_8 - U_1 + V_7 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_7 \right]$$

$$B_{6\text{agua}} := - \left[ V_7 - U_1 + V_6 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_6 \right]$$

$$B_{5\text{agua}} := - \left[ V_6 - U_1 + V_5 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_5 \right]$$

$$B_{4\text{agua}} := -[V_5 - U_1 + V_4 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_4]$$

$$B_{3\text{agua}} := -[V_4 - U_1 + V_3 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_3]$$

$$B_{2\text{agua}} := -[V_3 - U_1 + V_2 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_2]$$

$$B_{1\text{agua}} := -[V_2 - U_1 + U_1 + V_1 \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_1]$$

$$C_j = V_{j+1} K_{i,j+1} \quad ; \quad 1 \leq j \leq N-1 \quad (18)$$

Esta ecuación debe aplicarse para cada componente

**Empezando por el condensador total 1, para el etanol**

$$C_{1\text{etanol}} := V_2 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_2$$

$$C_{2\text{etanol}} := V_3 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_3$$

$$C_{3\text{etanol}} := V_4 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_4$$

$$C_{4\text{etanol}} := V_5 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_5$$

$$C_{5\text{etanol}} := V_6 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_6$$

$$C_{6\text{etanol}} := V_7 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_7$$

$$C_{7\text{etanol}} := V_8 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_8$$

$$C_{8\text{etanol}} := V_9 \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_9$$

$$C_{9\text{etanol}} := V_{10} \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_{10}$$

$$C_{10\text{etanol}} := V_{11} \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_{11}$$

$$C_{11\text{etanol}} := V_{12} \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_{12}$$

$$C_{12\text{etanol}} := V_{13} \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_{13}$$

$$C_{13\text{etanol}} := V_{14} \cdot (K_{\text{etanol}}^{(1)})_{14}$$

$$C_{14\text{etanol}} := V_{15} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{15}$$

$$C_{15\text{etanol}} := V_{16} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{16}$$

$$C_{16\text{etanol}} := V_{17} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{17}$$

$$C_{17\text{etanol}} := V_{18} \cdot (\text{Ketanol}^{\langle 1 \rangle})_{18}$$

Este término no existe  
no tiene significado físico

**Empezando por el condensador total  
etapa 1, para el agua**

$$C_j = V_{j+1} K_{i,j+1} ; \quad 1 \leq j \leq N-1 \quad (18)$$

$$C_{1\text{agua}} := V_2 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_2$$

$$C_{2\text{agua}} := V_3 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_3$$

$$C_{3\text{agua}} := V_4 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_4$$

$$C_{4\text{agua}} := V_5 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_5$$

$$C_{5\text{agua}} := V_6 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_6$$

$$C_{6\text{agua}} := V_7 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_7$$

$$C_{7\text{agua}} := V_8 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_8$$

$$C_{8\text{agua}} := V_9 \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_9$$

$$C_{9\text{agua}} := V_{10} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{10}$$

$$C_{10\text{agua}} := V_{11} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{11}$$

$$C_{11\text{agua}} := V_{12} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{12}$$

$$C_{12\text{agua}} := V_{13} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{13}$$

$$C_{13\text{agua}} := V_{14} \cdot (\text{Kagua}^{\langle 1 \rangle})_{14}$$

$$C_{14\text{agua}} := V_{15} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{15}$$

$$C_{15\text{agua}} := V_{16} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{16}$$

$$C_{16\text{agua}} := V_{17} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{17}$$

$$C_{17\text{agua}} := V_{18} \cdot (K_{\text{agua}}^{(1)})_{18}$$

Este término no existe  
no tiene significado físico

$$D_j = -F_j Z_{i,j} ; \quad 1 \leq j \leq N \quad (19)$$

$$Z_{117} = 0.207 \quad \text{gmol ETOH / gmol mezcla}$$

**Z117** = El primer 1 es el componente uno (etanol) alimentado en el hervidor 17

$$Z_{217} = 0.793 \quad \text{gmol H2O / gmol mezcla}$$

**Z217** = El 2 es el componente dos (agua) alimentado en el hervidor 17

$$\text{Etanol: } D_{17\text{etanol}} := -F_{17} \cdot Z_{117}$$

$$\text{Aqua: } D_{17\text{agua}} := -F_{17} \cdot Z_{217}$$

### Sustitución en la ecuación (20)

$$A_j \cdot x_{i,j} + B_j \cdot x_{i,j} + C_j \cdot x_{i,j+1} = D_j$$

$$\left( \begin{array}{ccccccccc} B_1 & C_1 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & \dots & 0 \\ A_2 & B_2 & C_2 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ 0 & A_3 & B_3 & C_3 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & A_{N-2} & B_{N-2} & C_{N-2} & 0 \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & A_{N-1} & B_{N-1} & C_{N-1} \\ 0 & \dots & \dots & \dots & 0 & 0 & 0 & A_N & B_N \end{array} \right) \begin{pmatrix} x_{i,1} \\ x_{i,2} \\ x_{i,3} \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ x_{i,N-2} \\ x_{i,N-1} \\ x_{i,N} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ D_3 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ D_{N-2} \\ D_{N-1} \\ D_N \end{pmatrix} \quad (20)$$

La solución es la siguiente:

$$\begin{pmatrix} x_{i,1} \\ x_{i,2} \\ x_{i,3} \\ \vdots \\ \vdots \\ x_{i,N-2} \\ x_{i,N-1} \\ x_{i,N} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B_1 & C_1 & 0 & 0 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ A_2 & B_2 & C_2 & 0 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ 0 & A_3 & B_3 & C_3 & 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 & A_{N-2} & B_{N-2} & C_{N-2} & 0 \\ 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 & 0 & A_{N-1} & B_{N-1} & C_{N-1} \\ 0 & \cdots & \cdots & \cdots & 0 & 0 & 0 & A_N & B_N \end{pmatrix}^{-1} \begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \\ D_3 \\ \vdots \\ \vdots \\ D_{N-2} \\ D_{N-1} \\ D_N \end{pmatrix}$$

### Matriz tridiagonal para el etanol

FAD = Factor de ajuste del destilado (el condensador)

FAF = Factor de ajuste de fondos (el hervidor)

Valores sugeridos para la primera prueba:

FAD = 1.062

FAF = 1.49

Las unidades de A,B y C de la ecuación matricial son:

$\frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}}$

Estos factores son adimensionales

Valores encontrados que resuelven el problema

FAD := 1.062

FAF := 1.49

$x_{1,1}$	$B_{1\text{etanol}}$	$C_{1\text{etanol}} \cdot \text{FAD}$	0
$x_{1,2}$	$A_2$	$B_{2\text{etanol}}$	$C_{2\text{etanol}} \cdot \text{FAD}$
$x_{1,3}$	0	$A_3$	$B_{3\text{etanol}}$
$x_{1,4}$	0	0	$A_4$
$x_{1,5}$	0	0	0
$x_{1,6}$	0	0	0
$x_{1,7}$	0	0	0
$x_{1,8}$	0	0	0
$x_{1,9}$	0	0	0
$x_{1,10}$	$\equiv \text{Aetanol} :=$	0	0
$x_{1,11}$		0	0
$x_{1,12}$		0	0
$x_{1,13}$		0	0
$x_{1,14}$		0	0
$x_{1,15}$		0	0
$x_{1,16}$		0	0
$x_{1,17}$		0	0



0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
C <sub>7</sub> etanol·FAD	0	0	0
B <sub>8</sub> etanol	C <sub>8</sub> etanol·FAD	0	0
A <sub>9</sub>	B <sub>9</sub> etanol	C <sub>9</sub> etanol·FAD	0
0	A <sub>10</sub>	B <sub>10</sub> etanol	C <sub>10</sub> etanol·FAD
0	0	A <sub>11</sub>	B <sub>11</sub> etanol
0	0	0	A <sub>12</sub>
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0

0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
0	0	0	0
C <sub>.11</sub> etanol·FAD	0	0	0
B <sub>.12</sub> etanol	C <sub>.12</sub> etanol·FAD	0	0
A <sub>.13</sub>	B <sub>.13</sub> etanol	C <sub>.13</sub> etanol·FAD	0
0	A <sub>.14</sub>	B <sub>.14</sub> etanol	C <sub>.14</sub> etanol·FAD
0	0	A <sub>.15</sub>	B <sub>.15</sub> etanol
0	0	0	A <sub>.16</sub>
0	0	0	0

$$\left[ \begin{array}{cc|c} 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ 0 & 0 & \\ C_{15\text{etanol}} \cdot \text{FAD} & 0 & \\ B_{16\text{etanol}} & C_{16\text{etanol}} \cdot \text{FAD} & \\ A_{17} & B_{17\text{etanol}} \cdot \text{FAF} & \end{array} \right] \quad \text{Detanol} := \left( \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ D_{17\text{etanol}} \end{array} \right)$$

**Matriz tridiagonal para el agua**





0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
C.9agua	0	0	0	0	0
B.10agua	C.10agua	0	0	0	0
A.11	B.11agua	C.11agua	0	0	0
0	A.12	B.12agua	C.12agua	0	0
0	0	A.13	B.13agua	C.13agua	0
0	0	0	A.14	B.14agua	C.14agua
0	0	0	0	A.15	B.15agua
0	0	0	0	0	A.16
0	0	0	0	0	0

$$\begin{array}{cc}
 \left( \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right)^{-1} & \left( \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{array} \right) \\
 - \text{Dagua} := & \\
 \left( \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{array} \right) & \left( \begin{array}{c} D_{17\text{agua}} \end{array} \right)
 \end{array}$$

C<sub>15agua</sub>      0  
 B<sub>16agua</sub>      C<sub>16agua</sub>  
 A<sub>17</sub>      B<sub>17agua</sub>

### Resultados de la matriz del etanol y de la matriz del agua

$$xetanol = Aetanol \cdot Detanol \quad xagua = Aagua \cdot Dagua \quad \text{Suma} = xetanol + xagua$$

condensador

condensador

xetanol :=	$\begin{pmatrix} 0.705 \\ 0.608 \\ 0.536 \\ 0.482 \\ 0.427 \\ 0.382 \\ 0.342 \\ 0.307 \\ 0.275 \\ 0.247 \\ 0.218 \\ 0.199 \\ 0.179 \\ 0.161 \\ 0.145 \\ 0.135 \\ 0.115 \end{pmatrix}$	xagua :=	$\begin{pmatrix} 0.386 \\ 0.805 \\ 1.078 \\ 1.259 \\ 1.344 \\ 1.379 \\ 1.381 \\ 1.361 \\ 1.327 \\ 1.286 \\ 1.216 \\ 1.178 \\ 1.136 \\ 1.092 \\ 1.047 \\ 1.038 \\ 0.949 \end{pmatrix}$	Suma :=	$\begin{pmatrix} 1.091 \\ 1.413 \\ 1.613 \\ 1.741 \\ 1.772 \\ 1.761 \\ 1.723 \\ 1.667 \\ 1.603 \\ 1.533 \\ 1.435 \\ 1.377 \\ 1.316 \\ 1.253 \\ 1.192 \\ 1.172 \\ 1.063 \end{pmatrix}$
	rehervidor		rehervidor		

Se normalizan las composiciones con (28)

$$(x_{i,j})_{Normalizado} = \frac{x_{i,j}}{\sum_{i=1}^C x_{i,j}} \quad (28)$$

$$\begin{array}{l}
\text{xNetanol} := \left[ \begin{array}{c} \frac{(xetanol^{(1)})_1}{(Suma^{(1)})_1} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_2}{(Suma^{(1)})_2} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_3}{(Suma^{(1)})_3} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_4}{(Suma^{(1)})_4} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_5}{(Suma^{(1)})_5} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_6}{(Suma^{(1)})_6} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_7}{(Suma^{(1)})_7} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_8}{(Suma^{(1)})_8} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_9}{(Suma^{(1)})_9} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{10}}{(Suma^{(1)})_{10}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{11}}{(Suma^{(1)})_{11}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{12}}{(Suma^{(1)})_{12}} \end{array} \right] \\
\text{xNagua} := \left[ \begin{array}{c} \frac{(xagua^{(1)})_1}{(Suma^{(1)})_1} \\ \frac{(xagua^{(1)})_2}{(Suma^{(1)})_2} \\ \frac{(xagua^{(1)})_3}{(Suma^{(1)})_3} \\ \frac{(xagua^{(1)})_4}{(Suma^{(1)})_4} \\ \frac{(xagua^{(1)})_5}{(Suma^{(1)})_5} \\ \frac{(xagua^{(1)})_6}{(Suma^{(1)})_6} \\ \frac{(xagua^{(1)})_7}{(Suma^{(1)})_7} \\ \frac{(xagua^{(1)})_8}{(Suma^{(1)})_8} \\ \frac{(xagua^{(1)})_9}{(Suma^{(1)})_9} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{10}}{(Suma^{(1)})_{10}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{11}}{(Suma^{(1)})_{11}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{12}}{(Suma^{(1)})_{12}} \end{array} \right]
\end{array}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{(xetanol^{(1)})_{13}}{(Suma^{(1)})_{13}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{14}}{(Suma^{(1)})_{14}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{15}}{(Suma^{(1)})_{15}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{16}}{(Suma^{(1)})_{16}} \\ \frac{(xetanol^{(1)})_{17}}{(Suma^{(1)})_{17}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{13}}{(Suma^{(1)})_{13}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{14}}{(Suma^{(1)})_{14}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{15}}{(Suma^{(1)})_{15}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{16}}{(Suma^{(1)})_{16}} \\ \frac{(xagua^{(1)})_{17}}{(Suma^{(1)})_{17}} \end{bmatrix}$$

#### COMPARACIÓN CON LOS DATOS EXPERIMENTALES

N

FAD = 1.062

FAF = 1.49

xmolD = 0.63

experimental

gmol ETOH /  
gmol mezcla

$(xNetanol^{(1)})_1 = 0.646$  modelo

gmol ETOH /  
gmol mezcla

experimental

xmolF = 0.106

gmol ETOH /  
gmol mezcla

$(xNetanol^{(1)})_{17} = 0.108$  modelo

gmol ETOH /  
gmol mezcla

#### Los errores porcentuales del domo y de los residuos

$$\text{Error porcentual (del destilado)} = \frac{x_{molar} \text{ del modelo} - x_{molar} \text{ experimental}}{x_{molar} \text{ experimental}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

$$\text{Error porcentual (de los residuos)} = \frac{x_{molar} \text{ del modelo} - x_{molar} \text{ experimental}}{x_{molar} \text{ experimental}} \times 100 ; (\pm) 2\%$$

$$\% \text{Error}_{\text{destilado}} := \frac{(x_{\text{Netanol}}^{(1)})_1 - (x_{\text{molD}})}{x_{\text{molD}}} \cdot 100 = 2.59$$

$$\% \text{Error}_{\text{residuos}} := \frac{(x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{17} - (x_{\text{molF}})}{x_{\text{molF}}} \cdot 100 = 2.0818$$

Valores aceptados

**NOTA.- Automáticamente se ajustarán todos los valores de las composiciones de las etapas intermedias de la columna**

$$N = \dots = N$$

$$\text{sumaN} := x_{\text{Netanol}} + x_{\text{Nagua}}$$

$$x_{\text{molD}} = 0.63$$

gmol ETOH /  
gmol mezcla

$$x_{\text{Netanol}} =$$

$$x_{\text{molF}} = 0.106$$

	1
1	0.646
2	0.43
3	0.332
4	0.277
5	0.241
6	0.217
7	0.198
8	0.184
9	0.172
10	0.161
11	0.152
12	0.145
13	0.136
14	0.128
15	0.122
16	0.115
17	0.108

condensador

Hervidor

gmol ETOH /  
gmol mezcla

condensador		SUMA
	1	
1	0.354	
2	0.57	
3	0.668	
4	0.723	
5	0.758	
6	0.783	
7	0.802	
8	0.816	
9	0.828	
10	0.839	
11	0.847	
12	0.855	
13	0.863	
14	0.872	
15	0.878	
16	0.886	
17	0.893	
		sumaN =
	1	
1	1	
2	1	
3	1	
4	1	
5	1	
6	1	
7	1	
8	1	
9	1	
10	1	
11	1	
12	1	
13	1	
14	1	
15	1	
16	1	
17	1	

xNagua =

	1
1	0.354
2	0.57
3	0.668
4	0.723
5	0.758
6	0.783
7	0.802
8	0.816
9	0.828
10	0.839
11	0.847
12	0.855
13	0.863
14	0.872
15	0.878
16	0.886
17	0.893

Hervidor

$$\frac{\text{gmol}\cdot\text{H}_2\text{O}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$$

Aplicar la ecuación (3) para calcular las composiciones normalizadas del etanol en la fase vapor

$$y_{i,j} = K_{i,j} x_{i,j} \quad (3)$$

$$y_{\text{Netanol}} := \overline{[(\text{Ketanol}) \cdot x_{\text{Netanol}}]}$$

	1
1	0.698
2	0.47
3	0.369
4	0.309
5	0.276
6	0.252
7	0.234
8	0.221
9	0.209
10	0.199
11	0.194
12	0.184
13	0.176
14	0.169
15	0.163
16	0.152
17	0.155

yNetanol =

$$\frac{\text{gmol}\cdot\text{ETOH}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$$

## Cálculo de los vapores V3,V4, V5 .....V17

Balance de calor

Constantes para las capacidades caloríficas de la fase líquida

Cp del etanol

$$A := 59.342$$

$$B := 3.6358 \cdot 10^{-1}$$

$$C := -1.2164 \cdot 10^{-3}$$

$$D := 1.8031 \cdot 10^{-6}$$

Cp del agua

$$E := 92.053$$

$$F := -3.9953 \cdot 10^{-2}$$

$$G := -2.1103 \cdot 10^{-4}$$

$$H := 5.3469 \cdot 10^{-7}$$

$$1 \text{ joule} = 0.00094783 \text{ BTU}$$

$$1 \text{ BTU} = 0.252 \text{ kcal}$$

$$1 \text{ lbmol} = 453.6 \text{ gmol}$$

$$\Delta^{\circ}\text{K} = 1.8 \Delta^{\circ}\text{F}$$

$$^{\circ}\text{F} = (9/5) ^{\circ}\text{C} + 32$$

$$\text{Cp} = A + B \cdot T + C \cdot T^2 + D \cdot T^3 \quad T = \text{K}, \quad \text{y} \quad \text{Cp} (\text{Joule / gmol } ^{\circ}\text{K})$$

Entalpía de la alimentación (HF17). Los dos componentes que entran a la torre son líquidos

Datos Aquí F = del inglés Feed

$$xFetanol := Z_{117}$$

$$TF17^{\circ}\text{C} := (T^{\circ}\text{C}^{(1)})_{17} \quad ^{\circ}\text{C}$$

$$xFagua := Z_{217}$$

$$TF17^{\circ}\text{K} := TF17^{\circ}\text{C} + 273.15$$

$$xFetanol = 0.207$$

$$xFagua = 0.793$$

$$CPetanolF := (A + B \cdot TF17^{\circ}\text{K} + C \cdot TF17^{\circ}\text{K}^2 + D \cdot TF17^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)$$

$$CPaguaF := (E + F \cdot TF17^{\circ}\text{K} + G \cdot TF17^{\circ}\text{K}^2 + H \cdot TF17^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$CPetanolF := 49.729$$

$$CPaguaF := 32.326$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot ^{\circ}\text{K}} = \frac{\text{Joule}}{\text{gmol} \cdot ^{\circ}\text{K}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1 \cdot \text{joule}} \cdot \frac{453.6 \text{gmol}}{1 \text{lbmol}}$$

$$HF_{17} := \overline{[CPetanolF \cdot (TF17^{\circ}\text{K} - 273.15) \cdot xFetanol + CPaguaF \cdot (TF17^{\circ}\text{K} - 273.15) \cdot xFagua] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot \frac{0.252}{1}]}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \cancel{\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot ^{\circ}\text{K}}} \cdot \cancel{K} \cdot \cancel{\frac{\text{lbmol}}{\text{lbmolMezcla}}} \cdot \cancel{\frac{1\text{lbmol}}{453.6\text{gmol}}} \cdot \cancel{\frac{0.252\text{kcal}}{1\text{BTU}}}$$

$$HF_{17} := 1.621 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

## Entapías de la fase líquida dentro de la torre

$$TB^{\circ}\text{K} := T^{\circ}\text{C} + 273.15$$

$$CPetanolL := (A + B \cdot TB^{\circ}\text{K} + C \cdot TB^{\circ}\text{K}^2 + D \cdot TB^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$CPaguaL := (E + F \cdot TB^{\circ}\text{K} + G \cdot TB^{\circ}\text{K}^2 + H \cdot TB^{\circ}\text{K}^3) \cdot (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot ^\circ\text{K}} = \frac{\text{Joule}}{\text{gmol} \cdot ^\circ\text{K}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1 \cdot \text{joule}} \cdot \frac{453.6 \text{gmol}}{1 \text{lbmol}}$$

$$HL := \overline{[[CPetanolL \cdot (TB^{\circ}\text{K} - 273.15) \cdot xNetano] + [CPaguaL \cdot (TB^{\circ}\text{K} - 273.15) \cdot xNagua]] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot 0.252]}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \cancel{\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot ^\circ\text{K}}} \cdot \cancel{^\circ\text{K}} \cdot \cancel{\frac{\text{lbmol}}{\text{lbmolMezcla}}} \cdot \cancel{\frac{1 \text{lbmol}}{453.6 \text{gmol}}} \cdot \cancel{\frac{0.252 \text{kcal}}{1 \text{BTU}}}$$

---

$$HL := \frac{\begin{pmatrix} 1.776 \\ 1.632 \\ 1.573 \\ 1.535 \\ 1.522 \\ 1.513 \\ 1.507 \\ 1.505 \\ 1.501 \\ 1.502 \\ 1.512 \\ 1.506 \\ 1.508 \\ 1.512 \\ 1.517 \\ 1.505 \\ 1.545 \end{pmatrix}}{\text{kcal/gmol}\cdot\text{Mezcla}}$$

## Entalpías de la fase vapor

Constantes para las capacidades caloríficas de la fase vapor

Cp del etanol

Cp del agua

$$Ae := 27.091$$

$$Aa := 33.933$$

$$Be := 1.1055 \cdot 10^{-1}$$

$$Ba := -8.4186 \cdot 10^{-3}$$

$$1 \text{ joule} = 0.00094783 \text{ BTU}$$

$$Ce := 1.0957 \cdot 10^{-4}$$

$$Ca := 2.9906 \cdot 10^{-5}$$

$$1 \text{ BTU} = 0.252 \text{ kcal}$$

$$De := -1.5046 \cdot 10^{-7}$$

$$Da := -1.7825 \cdot 10^{-8}$$

$$1 \text{ lbmol} = 453.6 \text{ gmol}$$

$$Ee := 4.6601 \cdot 10^{-11}$$

$$Ea := 3.6934 \cdot 10^{-12}$$

$$\Delta K = 1.8 \Delta F$$

$$F = (9/5) C + 32$$

$$Cp = A + B \cdot T + C \cdot T^2 + D \cdot T^3 + E \cdot T^4 \quad \frac{\text{Joules}}{\text{gmol} \cdot \text{K}}$$

$$CPetanolV := (Ae + Be \cdot TB^{\circ}K + Ce \cdot TB^{\circ}K^2 + De \cdot TB^{\circ}K^3 + Ee \cdot TB^{\circ}K^4) \\ - (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$CPaguaV := (Aa + Ba \cdot TB^{\circ}K + Ca \cdot TB^{\circ}K^2 + Da \cdot TB^{\circ}K^3 + Ea \cdot TB^{\circ}K^4) \\ - (0.00094783) \cdot 453.6$$

$$\frac{BTU}{lbmol \cdot ^{\circ}K} = \frac{Joule}{gmol \cdot ^{\circ}K} \cdot \frac{0.00094783 \cdot BTU}{1 \cdot joule} \cdot \frac{453.6 \text{ gmol}}{1 \text{ lbmol}}$$

CPetanolV :=	(31.409	(14.584
	31.424	14.585
	31.445	14.586
	31.451	14.586
	31.488	14.588
	31.509	14.589
	31.53	14.59
	31.552	14.591
	31.574	14.592
	31.597	14.593
	31.65	14.596
	31.646	14.596
	31.672	14.597
	31.7	14.598
	31.729	14.6
	31.704	14.598
	31.842)	14.605)

Constantes para el calor latente fase gaseosa

$$A_{ee} := 43.122 \quad A_{aa} := 52.053$$

$$Tc_{ee} := 516.25 \quad Tc_{aa} := 647.13$$

$$n_{ee} := 0.079 \quad n_{aa} := 0.321$$

$$\lambda = \Delta H_{vap} = A \cdot \left(1 - \frac{T^{\circ}K}{T_c}\right)^n \quad \frac{\text{kJoules}}{\text{gmol}}$$

Chemical Properties Handbook de Carl L. Yaws, McGraw Hill

$$\lambda_{etanol} := \overrightarrow{\left[ A_{ee} \cdot \left(1 - \frac{TB^{\circ}K}{Tc_{ee}}\right)^{n_{ee}} \right] \cdot [(1000) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)]}$$

$$\lambda_{agua} := \overrightarrow{\left[ A_{aa} \cdot \left(1 - \frac{TB^{\circ}K}{Tc_{aa}}\right)^{n_{aa}} \right] \cdot [(1000) \cdot (0.00094783) \cdot (453.6)]}$$

$$\frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} = \frac{\text{kjoule}}{\text{gmol}} \cdot \frac{1000\text{joules}}{1\text{kjoule}} \cdot \frac{0.00094783 \cdot \text{BTU}}{1\cdot\text{joule}} \cdot \frac{453.6\text{gmol}}{1\text{lbmol}}$$

Relaciones de equilibrio ( $E_{i,J}$ )

$$y_{i,j} = K_{i,j} x_{i,j} \quad (3)$$

$$y_{Netanol} := \overrightarrow{[(Ketanol) \cdot x_{Netanol}]}$$

$$y_{Nagua} := \overrightarrow{(Kagua \cdot x_{Nagua})}$$

$$\begin{aligned} HV := & \overrightarrow{[[CPetanolV \cdot (TB^{\circ}K - 273.15) + \lambda_{etanol} \cdot y_{Netanol}] +} \\ & \overrightarrow{[CPaguaV \cdot (TB^{\circ}K - 273.15) + \lambda_{agua} \cdot y_{Nagua}]] \cdot \frac{1}{453.6} \cdot \frac{0.252}{1}} \end{aligned}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}} = \left( \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol} \cdot {}^{\circ}\text{K}} \cdot {}^{\circ}\text{K} + \frac{\text{BTU}}{\text{lbmol}} \cdot \frac{\text{lbmol}}{\text{lbmolMezcla}} \right) \cdot \frac{1\text{lbmol}}{453.6\text{gmol}} \cdot \frac{0.252\text{kcal}}{1\text{BUT}}$$

$$HV := \begin{pmatrix} 10.106 \\ 8.983 \\ 8.55 \\ 8.259 \\ 8.232 \\ 8.196 \\ 8.188 \\ 8.206 \\ 8.226 \\ 8.27 \\ 8.452 \\ 8.388 \\ 8.448 \\ 8.527 \\ 8.613 \\ 8.461 \\ 9.025 \end{pmatrix} \frac{\text{kcal}}{\text{gmol} \cdot \text{Mezcla}}$$

**Los datos calculados anteriores y las ecuaciones siguientes son necesarias para determinar los valores de los vapores V3,V4, V5 .....V17**

Consultar el archivo en AMyD Deducción de las ecuaciones del punto de burbuja, donde se deducen las siguientes ecuaciones:

*La ecuación final se puede escribir como :*

$$\boxed{\alpha_j V_j + \beta_j V_{j+1} = \gamma_j} \quad (21)$$

Donde

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL}_j - HL_{j-1}) + F_j (\textcolor{blue}{HL}_j - HF_j) + W_j (HV_j - \textcolor{blue}{HL}_j) + Q_j$$

$$Q_j = L_{j-1} \cdot HL_{j-1} + V_{j+1} \cdot HG_{j+1} + F_j \cdot HF_j - (L_j + U_j) \cdot HL_j - (V_j + W_j) \cdot HG_j$$

$$\frac{BTU}{h} = \frac{l\text{bmol}}{h} \cdot \frac{BTU}{l\text{bmol}} + \frac{l\text{bmol}}{h} \cdot \frac{BTU}{l\text{bmol}} + \dots$$

La representación matricial de la ecuación (21) es:

$$\left( \begin{array}{ccccccc|c} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & \dots & & & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & \dots & & & 0 \\ 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & \dots & & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & & & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & & & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & & & \vdots \\ 0 & \dots & 0 & \alpha_{N-3} & \beta_{N-3} & 0 & 0 & \gamma_{N-3} \\ 0 & \dots & 0 & 0 & \alpha_{N-2} & \beta_{N-2} & 0 & \gamma_{N-2} \\ 0 & \dots & 0 & 0 & 0 & \alpha_{N-1} & \beta_{N-1} & \gamma_{N-1} \end{array} \right) \begin{pmatrix} V_3 \\ V_4 \\ V_5 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ V_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma_2 - \alpha_2 V_2 \\ \gamma_3 \\ \gamma_4 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \gamma_{N-1} \end{pmatrix} \quad (21)$$

Otra forma equivalente es aplicar balances en cada etapa y llegar a la ecuación (22)

Plato (2)	Plato (3)	En general
$\alpha_2 V_2 + \beta_2 V_3 = \gamma_2$	$\alpha_3 V_3 + \beta_3 V_4 = \gamma_3$	$V_j = \frac{\gamma_{j-1} - \alpha_{j-1} V_{j-1}}{\beta_{j-1}}$
$V_3 = \frac{\gamma_2 - \alpha_2 V_2}{\beta_2}$	$V_4 = \frac{\gamma_3 - \alpha_3 V_3}{\beta_3}$	

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL_j} - \textcolor{blue}{HL}_{j-1}) + \textcolor{blue}{F_j} (HL_j - HF_j) + \textcolor{blue}{W_j} (HV_j - HL_j) + Q_j$$

$$Q_j = L_{j-1} \cdot HL_{j-1} + V_{j+1} \cdot HG_{j+1} + F_j \cdot HF_j - (L_j + U_j) \cdot HL_j - (V_j + W_j) \cdot (25)_j \quad (25)_j$$

$$\frac{BTU}{h} = \frac{l\text{bmol}}{h} \cdot \frac{BTU}{l\text{bmol}} + \frac{l\text{bmol}}{h} \cdot \frac{BTU}{l\text{bmol}} + \dots$$

**Aplicación de las ecuaciones anteriores, observar que No se requieren los valores de ( $\alpha_1, \beta_1, \gamma_1$ ), ( $V_1$  y  $V_2$ ) en la ecuación (21).**

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

Consultar el guión de esta experimentación

$$\alpha_2 := (HL^{(1)})_1 - (HV^{(1)})_2$$

$$\alpha_3 := (HL^{(1)})_2 - (HV^{(1)})_3$$

$$\alpha_4 := (HL^{(1)})_3 - (HV^{(1)})_4$$

$$\alpha_5 := (HL^{(1)})_4 - (HV^{(1)})_5$$

$$\alpha_6 := (HL^{(1)})_5 - (HV^{(1)})_6$$

$$\alpha_7 := (HL^{(1)})_6 - (HV^{(1)})_7$$

$$\alpha_8 := (HL^{(1)})_7 - (HV^{(1)})_8$$

$$\alpha_9 := (HL^{(1)})_8 - (HV^{(1)})_9$$

$$\alpha_{10} := (HL^{(1)})_9 - (HV^{(1)})_{10}$$

$$\alpha_{11} := (HL^{(1)})_{10} - (HV^{(1)})_{11}$$

$$\alpha_{12} := (HL^{(1)})_{11} - (HV^{(1)})_{12}$$

$$\alpha_{13} := (HL^{(1)})_{12} - (HV^{(1)})_{13}$$

$$\alpha_{14} := (HL^{(1)})_{13} - (HV^{(1)})_{14}$$

$$HV =$$

	1
1	10.106
2	8.983
3	8.55
4	8.259
5	8.232
6	8.196
7	8.188
8	8.206
9	8.226
10	8.27
11	8.452
12	8.388
13	8.448
14	8.527
15	8.613
16	8.461
17	9.025

	1
1	1.776
2	1.632
3	1.573
4	1.535
5	1.522
6	1.513
7	1.507
8	1.505
9	1.501
10	1.502
11	1.512
12	1.506
13	1.508
14	1.512
15	1.517
16	1.505
17	1.545

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

$$\frac{\text{kcal}}{\text{gmolMezcla}}$$

$$\alpha_{15} := (\text{HL}^{(1)})_{14} - (\text{HV}^{(1)})_{15}$$

$$\alpha_{16} := (\text{HL}^{(1)})_{15} - (\text{HV}^{(1)})_{16}$$

$$\alpha_{17} := (\text{HL}^{(1)})_{16} - (\text{HV}^{(1)})_{17}$$

No se requiere calcular

$\alpha_{17}$

Consultar la ecuación matricial 21

$$\beta_j = (\text{HV}_{j+1} - \text{HL}_j)$$

Consultar el guión de esta experimentación

$$\beta_2 := (\text{HV}^{(1)})_3 - (\text{HL}^{(1)})_2$$

$$\beta_3 := (\text{HV}^{(1)})_4 - (\text{HL}^{(1)})_3$$

$$\beta_4 := (\text{HV}^{(1)})_5 - (\text{HL}^{(1)})_4$$

$$\beta_5 := (\text{HV}^{(1)})_6 - (\text{HL}^{(1)})_5$$

$$\beta_6 := (\text{HV}^{(1)})_7 - (\text{HL}^{(1)})_6$$

$$\beta_7 := (\text{HV}^{(1)})_8 - (\text{HL}^{(1)})_7$$

$$\beta_8 := (\text{HV}^{(1)})_9 - (\text{HL}^{(1)})_8$$

$$\beta_9 := (\text{HV}^{(1)})_{10} - (\text{HL}^{(1)})_9$$

$$\beta_{10} := (\text{HV}^{(1)})_{11} - (\text{HL}^{(1)})_{10}$$

$$\beta_{11} := (\text{HV}^{(1)})_{12} - (\text{HL}^{(1)})_{11}$$

$$\beta_{12} := (\text{HV}^{(1)})_{13} - (\text{HL}^{(1)})_{12}$$

$\text{HV} =$

	1
1	10.106
2	8.983
3	8.55
4	8.259
5	8.232
6	8.196
7	8.188
8	8.206
9	8.226
10	8.27
11	8.452
12	8.388
13	8.448
14	8.527
15	8.613
16	8.461
17	9.025

	1
1	1.776
2	1.632
3	1.573
4	1.535
5	1.522
6	1.513
7	1.507
8	1.505
9	1.501
10	1.502
11	1.512
12	1.506
13	1.508
14	1.512
15	1.517
16	1.505
17	1.545

etapas

1  
2  
3  
4  
5  
6  
7  
8  
9  
10  
11  
12  
13  
14  
15  
16  
17

$$\beta_{13} := (\text{HV}^{(1)})_{14} - (\text{HL}^{(1)})_{13}$$

kcal  
gmolMezcla

kcal  
gmolMezcla

$$\beta_{14} := (\text{HV}^{(1)})_{15} - (\text{HL}^{(1)})_{14}$$

$$\beta_{15} := (\text{HV}^{(1)})_{16} - (\text{HL}^{(1)})_{15}$$

$$\beta_{16} := (\text{HV}^{(1)})_{17} - (\text{HL}^{(1)})_{16}$$

$$\beta_{17} := (\text{HV}^{(1)})_{18} - (\text{HL}^{(1)})_{17}$$

Este término no existe

No se requiere calcular

$\beta_{17}$

[Consultar la ecuación matricial 21](#)

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (HL_j - HL_{j-1}) + F_j (HL_j - HF_j) + W_j (HV_j - HL_j) + Q_j$$

Consultar el guión de esta experimentación

$$\alpha_2 V_2 + \beta_2 V_3 = \gamma_2$$

Plato (2)  $V_3 = \frac{\gamma_2 - \alpha_2 V_2}{\beta_2}$  Se requiere la figura

$$F_{17} = 594.393 \quad \text{gmol mezcla / h}$$

$$U_1 = 164.056 \quad \text{gmol mezcla / h}$$

Fijado por Balance de Materia

$$V_1 = 0 \quad \text{para el condensador}$$

$$V_2 = 246.084$$

No se requiere  $\alpha_1$ ,  $\beta_1$ ,  $\gamma_1$ ,  $V_1$  y  $V_2$  en la ecuación (21). Consultar el archivo DEDUCCIÓN DE LAS ECUACIONES PARA EL PUNTO DE BURBUJA

$$\gamma_2 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_2 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_1]$$

$$\gamma_3 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_3 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_2]$$

$$\gamma_4 := ((-U_1)) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_4 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_3]$$

$$\gamma_5 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_5 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_4]$$

$$\gamma_6 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_6 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_5]$$

$$\gamma_7 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_7 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_6]$$

$$\gamma_8 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_8 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_7]$$

$$\gamma_9 := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_9 - (\text{HL}^{\langle 1 \rangle})_8]$$

$$\gamma_{10} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{10} - (\text{HL}^{(1)})_9]$$

$$\gamma_{11} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{11} - (\text{HL}^{(1)})_{10}]$$

$$\gamma_{12} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{12} - (\text{HL}^{(1)})_{11}]$$

$$\gamma_{13} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{13} - (\text{HL}^{(1)})_{12}]$$

$$\gamma_{14} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{14} - (\text{HL}^{(1)})_{13}]$$

$$\gamma_{15} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{15} - (\text{HL}^{(1)})_{14}]$$

$$\gamma_{16} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{16} - (\text{HL}^{(1)})_{15}]$$

No se requiere calcular γ<sub>17</sub>

Consultar la ecuación matricial 21

$$\gamma_{17} := (-U_1) \cdot [(\text{HL}^{(1)})_{17} - (\text{HL}^{(1)})_{16}] + F_{17} \cdot (\text{HL} \color{red}{17} - \text{HF}_{17}) + Q_1$$

Para calcular gama 17 se requiere Q17 y para calcular Q17 se requiere calcular Q1

### Cálculo de la carga térmica del condensador Q1

$$\boxed{L_{j-1} \text{HL}_{j-1} + V_{j+1} \text{HV}_{j+1} + F_j \text{HF}_j - (L_j + U_j) \text{HL}_j - (V_j + W_j) \text{HV}_j = Q_j} \quad (25)$$

### DATOS

$$L_1 = 82.028 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad W_1 := 0 \quad \text{HL}_1 := (\text{HL}^{(1)})_1 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$V_1 = 0 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad U_1 = 164.056 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad \text{HV}_2 := (\text{HV}^{(1)})_2 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$V_2 = 246.084 \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad \text{HV}_1 := (\text{HV}^{(1)})_1 \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$Q_1 := 0 + V_2 \cdot HV_2 - (L_1 + U_1) \cdot HL_1 - (V_1 + W_1) \cdot HV_1 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}}$$

$$Q_1 = 1.774 \times 10^3 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad (+)}$$

Aquí el sistema termodinámico es el condensador compuesto por tubos de superficie fría que reciben los vapores calientes como una cantidad (+) y es el calor que sale desde la etapa como corriente caliente

### Cálculo de la carga térmica del evaporador Q17

$$Q_N = \sum_{j=1}^N (F_j HF_j - U_j HL_j - W_j HV_j) - \sum_{j=1}^{N-1} Q_j - V_1 HV_1 - L_N HL_N \quad (26)$$

#### DATOS

$$L_{17} = 430.337 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad HF_{17} = 1.621 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$F_{17} = 594.393 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad W := 0 \quad HL_{17} := (HL^{(1)})_1 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$U_1 = 164.056 \quad \frac{\text{gmol}}{\text{h}} \quad HL_{17} := (HL^{(1)})_{17} \quad \frac{\text{kcal}}{\text{gmol}}$$

$$Q_{17} := F_{17} \cdot HF_{17} - U_1 \cdot HL_1 - Q_1 - L_{17} \cdot HL_{17} \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}}$$

$$Q_{17} = -1.766 \times 10^3 \quad \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad (-)}$$

Aquí el sistema termodinámico son las resistencias ubicadas en el hervidor, el calor desprendido por la superficie de las resistencias es (--) el cual se dirige hacia a la mezcla contenida en el hervidor

CONTINUACIÓN

**Cálculo de los vapores entre etapas de V 3, ..... a..... V 17,  
aplicando la Ec. (20.5)**

$$\boxed{\alpha_j V_j + \beta_j V_{j+1} = \gamma_j} \quad (20.5)$$

$$\alpha_j = (HL_{j-1} - HV_j)$$

$$\beta_j = (HV_{j+1} - HL_j)$$

$$\gamma_j = \left[ \sum_{m=1}^{j-1} (F_m - U_m - W_m) - V_1 \right] (\textcolor{blue}{HL}_j - HL_{j-1}) + F_j (HL_j - HF_j) + W_j (HV_j - HL_j) + Q_j$$

La representación matricial de esta ecuación es:

$$\begin{pmatrix} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & \dots & \dots & \dots & 0 \\ 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & \dots & \dots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ 0 & \dots & \dots & 0 & \alpha_{N-3} & \beta_{N-3} & 0 & 0 \\ 0 & \dots & \dots & 0 & 0 & \alpha_{N-2} & \beta_{N-2} & 0 \\ 0 & \dots & \dots & 0 & 0 & 0 & \alpha_{N-1} & \beta_{N-1} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ v_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma_2 - \alpha_2 v_2 \\ \gamma_3 \\ \gamma_4 \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \gamma_{N-3} \\ \gamma_{N-2} \\ \gamma_{N-1} \end{pmatrix} \quad (21)$$

**La solución matemática que representa los vapores que suben por la torre en su punto de burbuja está dada por la matriz (21)**

$$\begin{array}{c}
 \left( \begin{array}{ccccccccc} \beta_2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \alpha_3 & \beta_3 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V3 & & & & & & & & \\ V4 & & 0 & \alpha_4 & \beta_4 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V5 & & & 0 & 0 & \alpha_5 & \beta_5 & 0 & 0 \\ V6 & & & & 0 & 0 & \alpha_6 & \beta_6 & 0 \\ V7 & & & & & 0 & 0 & \alpha_7 & \beta_7 \\ V8 & & & & & & 0 & 0 & 0 \\ V9 & & & & & & & 0 & 0 \\ V10 & = & F := & & & & & & 0 \\ V11 & & & 0 & 0 & 0 & 0 & \alpha_9 & \beta_9 \\ V12 & & & & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V13 & & & & & 0 & 0 & 0 & \alpha_{10} & \beta_{10} \\ V14 & & & & & & 0 & 0 & 0 & 0 \\ V15 & & & & & & & 0 & 0 & \alpha_{11} & \beta_{11} \\ V16 & & & & & & & & 0 & 0 \\ V17 & & & & & & & & & 0 \\ \end{array} \right)
 \end{array}$$

$$\begin{pmatrix}
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
 0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
\beta_{13} & 0 & 0 & 0 \\
\alpha_{14} & \beta_{14} & 0 & 0 \\
0 & \alpha_{15} & \beta_{15} & 0 \\
0 & 0 & \alpha_{16} & \beta_{16}
\end{pmatrix}^{-1} \bullet G := \begin{pmatrix}
\gamma_2 - \alpha_2 \cdot V_2 \\
\gamma_3 \\
\gamma_4 \\
\gamma_5 \\
\gamma_6 \\
\gamma_7 \\
\gamma_8 \\
\gamma_9 \\
\gamma_{10} \\
\gamma_{11} \\
\gamma_{12} \\
\gamma_{13} \\
\gamma_{14} \\
\gamma_{15} \\
\gamma_{16}
\end{pmatrix}$$

Valores de vapores en el punto de burbuja que se desprenden desde el evaporador y legan hasta el condensador

$$VNPB = F \cdot G$$

$$V_1 = 0$$

$$V_2 = 246.084$$

$$VNPB := \begin{pmatrix} 259.779 \\ 270.24 \\ 270.727 \\ 271.98 \\ 272.16 \\ 271.332 \\ 270.493 \\ 268.672 \\ 261.651 \\ 264.229 \\ 261.858 \\ 258.939 \\ 255.856 \\ 261.523 \\ 241.753 \end{pmatrix} \frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}}$$

Un segundo procedimiento es aplicar la Ec. (22)

$$V_j = \frac{\gamma_{j-1} - \alpha_{j-1} V_{j-1}}{\beta_{j-1}} \quad (22)$$

$$V_1 = 0$$

$$V_2 = 246.084 \quad \frac{\text{gmol·mezcla}}{\text{h}}$$

$$V_3 := \frac{\gamma_2 - \alpha_2 \cdot V_2}{\beta_2}$$

$$V_4 := \frac{\gamma_3 - \alpha_3 \cdot V_3}{\beta_3}$$

$$V_5 := \frac{\gamma_4 - \alpha_4 \cdot V_4}{\beta_4}$$

$$V_6 := \frac{\gamma_5 - \alpha_5 \cdot V_5}{\beta_5}$$

$$V_7 := \frac{\gamma_6 - \alpha_6 \cdot V_6}{\beta_6}$$

$$V_8 := \frac{\gamma_7 - \alpha_7 \cdot V_7}{\beta_7}$$

$$V_9 := \frac{\gamma_8 - \alpha_8 \cdot V_8}{\beta_8}$$

$$V_{10} := \frac{\gamma_9 - \alpha_9 \cdot V_9}{\beta_9}$$

$$V_{11} := \frac{\gamma_{10} - \alpha_{10} \cdot V_{10}}{\beta_{10}}$$

$$V_{12} := \frac{\gamma_{11} - \alpha_{11} \cdot V_{11}}{\beta_{11}}$$

$$V_{13} := \frac{\gamma_{12} - \alpha_{12} \cdot V_{12}}{\beta_{12}}$$

$$V_{14} := \frac{\gamma_{13} - \alpha_{13} \cdot V_{13}}{\beta_{13}}$$

$$V_{15} := \frac{\gamma_{14} - \alpha_{14} \cdot V_{14}}{\beta_{14}}$$

$$V_{16} := \frac{\gamma_{15} - \alpha_{15} \cdot V_{15}}{\beta_{15}}$$

$$V_{17} := \frac{\gamma_{16} - \alpha_{16} \cdot V_{16}}{\beta_{16}}$$

---

$$\begin{aligned}
 VNpb &:= \begin{pmatrix} v_1 \\ v_2 \\ v_3 \\ v_4 \\ v_5 \\ v_6 \\ v_7 \\ v_8 \\ v_9 \\ v_{10} \\ v_{11} \\ v_{12} \\ v_{13} \\ v_{14} \\ v_{15} \\ v_{16} \\ v_{17} \end{pmatrix} \\
 VNpb &= \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 246.084 \\ 259.779 \\ 270.24 \\ 270.727 \\ 271.98 \\ 272.16 \\ 271.332 \\ 270.493 \\ 268.672 \\ 261.651 \\ 264.229 \\ 261.858 \\ 258.939 \\ 255.856 \\ 261.523 \\ 241.753 \end{pmatrix} \\
 VNPB &:= \begin{pmatrix} 259.779 \\ 270.24 \\ 270.727 \\ 271.98 \\ 272.16 \\ 271.332 \\ 270.493 \\ 268.672 \\ 261.651 \\ 264.229 \\ 261.858 \\ 258.939 \\ 255.856 \\ 261.523 \\ 241.753 \end{pmatrix}
 \end{aligned}$$

### Comparación de los valores de vapores sin hacer iteraciones contra los valores utilizando los factores de ajuste FAD y FAF

Valores usando la ecuación (22), aplicando los factores FAD y FAF

Obtenidos con la ecuación (22) sin iteraciones, sin usar los factores FAD y FAF

	1		0
1	0		246.084
2	246.084		253.089
3	259.779		257.422
4	270.24		253.275
5	270.727		250.923
6	271.98		247.796
7	272.16		244.26
8	271.332		240.464
9	270.493		236.49
10	268.672		227.883
11	261.651		228.059
12	264.229		223.678
13	261.858		219.305
14	258.939		214.822
15	255.856		217.901
16	261.523		199.879
17	241.753		

gmol·mezcla  
h

VNpb :=

gmol·mezcla  
h

**Para los resultados de la torre de destilación en continuo PIGNAT ya no es necesario aplicar el criterio de convergencia**

$$\tau = \sum_{j=1}^N \left[ \frac{T_j^{(k)} - T_j^{(k-1)}}{T_j^{(k)}} \right]^2 + \sum_{j=1}^N \left[ \frac{V_j^{(k)} - V_j^{(k-1)}}{V_j^{(k)}} \right]^2 \leq \varepsilon$$

*k = Es la iteración actual*

*(k - 1) = Es la iteración anterior*

*ε = Es un error impuesto al programa de iteración*

**Cálculo del líquido en su punto de burbuja que desciende**

## por la columna

En general se puede escribir como

$$L_j = V_{j+1} + \sum_{m=1}^j (F_m - U_m - W_m) - V_1 \quad (10)$$

gmol de mezcla / h

$$L_1 := (VNpb^{(1)})_2 - U_1$$

$$L_2 := (VNpb^{(1)})_3 - U_1$$

$$L_3 := (VNpb^{(1)})_4 - U_1$$

$$L_4 := (VNpb^{(1)})_5 - U_1$$

$$L_5 := (VNpb^{(1)})_6 - U_1$$

$$L_6 := (VNpb^{(1)})_7 - U_1$$

$$L_7 := (VNpb^{(1)})_8 - U_1$$

$$L_8 := (VNpb^{(1)})_9 - U_1$$

$$L_9 := (VNpb^{(1)})_{10} - U_1$$

$$L_{10} := (VNpb^{(1)})_{11} - U_1$$

$$L_{11} := (VNpb^{(1)})_{12} - U_1$$

$$L_{12} := (VNpb^{(1)})_{13} - U_1$$

$$L_{13} := (VNpb^{(1)})_{14} - U_1$$

$$L_{14} := (VNpb^{(1)})_{15} - U_1$$

$$L_{15} := (VNpb^{(1)})_{16} - U_1$$

$$L_{16} := (VNpb^{(1)})_{17} - U_1$$

$$L_{17} := F_{17} - U_1$$

$L_1$	1
$L_2$	82.028
$L_3$	89.033
$L_4$	93.366
$L_5$	89.219
$L_6$	86.867
$L_7$	83.74
$L_8$	80.204
$L_9$	76.408
$L_{10}$	72.434
$L_{11}$	63.827
$L_{12}$	64.003
$L_{13}$	59.622
$L_{14}$	55.249
$L_{15}$	50.766
$L_{16}$	53.845
$L_{17}$	35.823
	430.337

gmol de mezcla / h

**Cálculos para conocer las temperaturas del modelo ajustado con los valores experimentales de la columna PIGNAT**

Temperatura en la etapa 1, EL CONDENSADOR

$$\sum_{i=1}^C K_{i,j} x_{i,j} - 1 = 0 \quad (27)$$

$T^{\circ}C1 := 77.6$

Temperatura calculada para la etapa 1 (el condensador)

Se debe encontrar esta temperatura por prueba y error

El valor experimental es de 74°C de la etapa 1

$Ketanol := 0.04917 \cdot T^{\circ}C - 2.55784$

Estas dos ecuaciones ya se conocen fueron deducidas arriba en este programa

$Kagua := 0.02246 \cdot T^{\circ}C - 1.188$

$Etapa1 := \left[ (xNetanol^{(1)})_1 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}C1 - 2.55784) + (xNagua^{(1)})_1 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}C1 - 1.188) \right] - 1$

$Etapa1 := 0.0091$

debe tomar un valor de cero cambiando la temperatura supuesta

## Con Mathcad se pueden encontrar automáticamente las temperaturas en cada etapa de la torre

Valores iniciales de cálculo

$T^{\circ}C1 := 55 \quad T^{\circ}C4 := 55 \quad T^{\circ}C7 := 55 \quad T^{\circ}C10 := 55$

$T^{\circ}C2 := 55 \quad T^{\circ}C5 := 55 \quad T^{\circ}C8 := 55 \quad T^{\circ}C11 := 55$

$T^{\circ}C3 := 55 \quad T^{\circ}C6 := 55 \quad T^{\circ}C9 := 55 \quad T^{\circ}C12 := 55$

$T^{\circ}C13 := 55 \quad T^{\circ}C16 := 55$

$T^{\circ}C14 := 55$

$T^{\circ}C17 := 55$

$T^{\circ}C15 := 55$

$\varepsilon := -0.3 \quad \text{Error aceptado}$

Given

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_1 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}1 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_2 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}2 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_3 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}3 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_4 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}4 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_5 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}5 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_6 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}6 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_7 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}7 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_8 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}8 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_9 \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}9 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{10} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}10 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{11} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}11 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{12} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}12 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{13} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}13 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{14} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}14 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{15} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}15 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{16} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}16 - 2.55784) \right]$$

$$\varepsilon = \left[ (x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{17} \cdot (0.04917 \cdot T^{\circ}\text{C}17 - 2.55784) \right]$$

$$\begin{aligned}
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_1 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}1 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_2 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}2 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_3 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}3 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_4 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}4 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_5 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}5 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_6 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}6 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_7 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}7 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_8 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}8 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_9 \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}9 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{10} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}10 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{11} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}11 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{12} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}12 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{13} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}13 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{14} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}14 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{15} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}15 - 1.188) \Big] - 1 \\
& + \left( x_{\text{Nagu}}^{(1)} \right)_{16} \cdot (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}16 - 1.188) \Big] - 1
\end{aligned}$$

$$+ \left( x_{\text{Nagua}}^{(1)} \right)_{17} (0.02246 \cdot T^{\circ}\text{C}17 - 1.188) \Big] - 1$$

$T_{pb}^{\circ}\text{C} = \text{Find}.$	$T^{\circ}\text{C}1$	69.819
	$T^{\circ}\text{C}2$	72.966
	$T^{\circ}\text{C}3$	74.767
	$T^{\circ}\text{C}4$	75.943
	$T^{\circ}\text{C}5$	76.771
	$T^{\circ}\text{C}6$	77.339
	$T^{\circ}\text{C}7$	77.801
	$T^{\circ}\text{C}8$	78.16
	$T^{\circ}\text{C}9$	78.52
	$T^{\circ}\text{C}10$	78.79
	$T^{\circ}\text{C}11$	79.061
	$T^{\circ}\text{C}12$	79.254
	$T^{\circ}\text{C}13$	79.515
	$T^{\circ}\text{C}14$	79.716
	$T^{\circ}\text{C}15$	79.918
	$T^{\circ}\text{C}16$	80.091
	$T^{\circ}\text{C}17$	80.302

Temperaturas del modelo

Temperaturas del modelo

	1
1	74
2	74.241
3	74.603
4	74.7
5	75.309
6	75.659
7	76.012
8	76.371
9	76.739
10	77.12
11	78
12	77.93
13	78.367

13	78.507
14	78.829
15	79.32
16	78.9
17	81.2

Temperaturas experimentales

===== FIN del método del punto de burbuja =====

### Cuestionario

- 1.- ¿Cuál es el error porcentual entre la fracción molar del destilado obtenida experimentalmente y la obtenida con la ecuación matricial (20), y también el error porcentual para la fracción molar de los residuos?, ambos con una aproximación de ( $\pm$ ) 2%.

Respuesta

$$\% \text{Error}_{\text{destilado}} := \frac{(x_{\text{Netanol}}^{(1)})_1 - (x_{\text{molD}})}{x_{\text{molD}}} \cdot 100 = 2.59$$

$$\% \text{Error}_{\text{residuos}} := \frac{(x_{\text{Netanol}}^{(1)})_{17} - (x_{\text{molF}})}{x_{\text{molF}}} \cdot 100 = 2.082$$

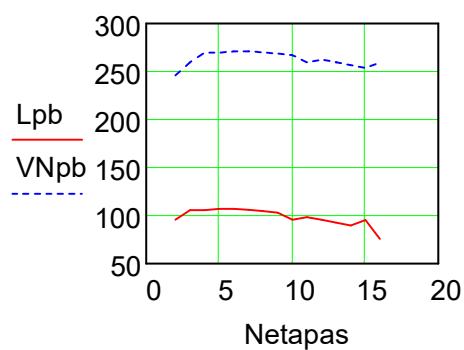
- 2.- ¿Cuáles son los flujos de las mezclas molares del vapor y del líquido que abandonan los platos del 2 al 16?, graficar por separado estos perfiles interpretando las tendencias para cada una de las gráficas.

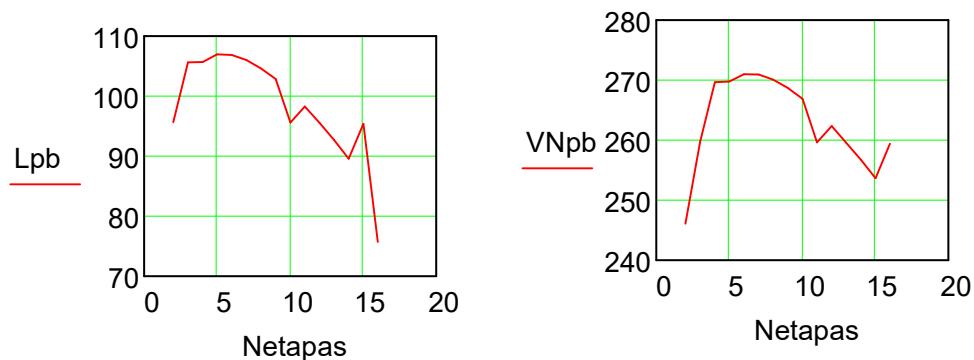
Respuesta

$$\begin{array}{l}
 Lpb := \left( \begin{array}{c} 95.656 \\ 105.607 \\ 105.685 \\ 106.945 \\ 106.874 \\ 106.018 \\ 104.625 \\ 102.835 \\ 95.596 \\ 98.274 \\ 95.529 \\ 92.694 \\ 89.599 \\ 95.366 \\ 75.708 \end{array} \right) \\
 VNpb := \left( \begin{array}{c} 246.084 \\ 259.712 \\ 269.663 \\ 269.74 \\ 271 \\ 270.93 \\ 270.073 \\ 268.681 \\ 266.891 \\ 259.651 \\ 262.33 \\ 259.585 \\ 256.75 \\ 253.655 \\ 259.421 \end{array} \right) \\
 Netapas := \left( \begin{array}{c} 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \\ 6 \\ 7 \\ 8 \\ 9 \\ 10 \\ 11 \\ 12 \\ 13 \\ 14 \\ 15 \\ 16 \end{array} \right)
 \end{array}$$

$$\frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}}$$

$$\frac{\text{gmol} \cdot \text{mezcla}}{\text{h}}$$





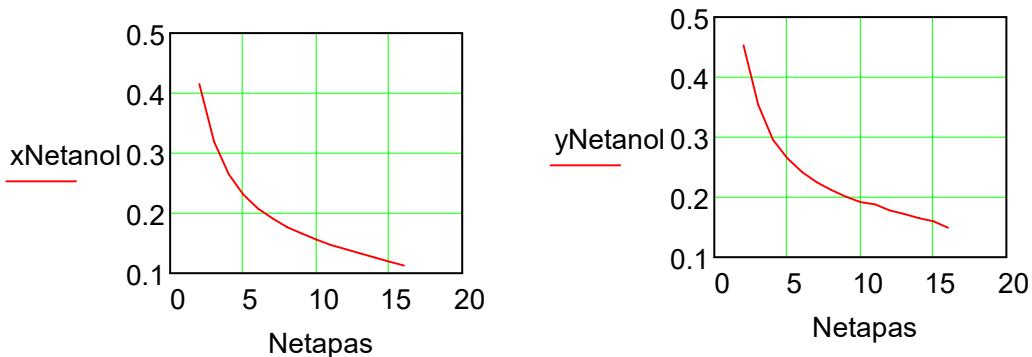
La interpretación la hacen los alumnos

**3.- Reportar los valores de las fracciones molares de las mezclas del vapor y del líquido que abandonan los platos del 2 al 16, graficar por separado estos perfiles interpretando las tendencias para cada una de las gráficas.**

Respuesta

$$\begin{aligned}
 x_{\text{Netanol}} &:= \left( \begin{array}{c} 0.415 \\ 0.319 \\ 0.265 \\ 0.231 \\ 0.208 \\ 0.191 \\ 0.177 \\ 0.166 \\ 0.156 \\ 0.147 \\ 0.14 \\ 0.133 \\ 0.126 \\ 0.119 \\ 0.113 \end{array} \right) \\
 y_{\text{Netanol}} &:= \left( \begin{array}{c} 0.453 \\ 0.354 \\ 0.296 \\ 0.265 \\ 0.242 \\ 0.225 \\ 0.212 \\ 0.201 \\ 0.192 \\ 0.188 \\ 0.178 \\ 0.172 \\ 0.165 \\ 0.16 \\ 0.149 \end{array} \right)
 \end{aligned}$$

$\frac{\text{gmol}\cdot\text{ETOH}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$        $\frac{\text{gmol}\cdot\text{ETOH}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$



La interpretación la hacen los alumnos

- 4.- Calcular y reportar los valores de las cargas térmicas en kcal/h del condensador y del hervidor de la columna de destilación en continuo; comentar el significado de cada una de estas cantidades.**

Respuesta

$$Q_{17} = -1.766 \times 10^3 \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad ( - )}$$

$$Q_1 = 1.774 \times 10^3 \frac{\text{kcal}}{\text{h}} \quad \text{Debe ser una cantidad ( - )}$$

La interpretación la hacen los alumnos

- 5.- ¿Cuál es el porciento de recuperación del etanol para la alternativa que fue seleccionada?**

Respuesta

## DATOS

$$L_{\text{Amolar}} = 594.393 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

$$L_{\text{Fmolar}} = 430.337 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

$$L_{\text{Dmolar}} = 164.056 \quad \text{gmol de mezcla / h}$$

$$\text{ETOHalimentado} := \overrightarrow{(L_{\text{Amolar}} \cdot x_{\text{mA}})}$$

$$\frac{\text{gmol}\cdot\text{etanol}}{\text{h}} = \frac{\text{gmol}\cdot\text{de}\cdot\text{mezcla}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{gmol}\cdot\text{de}\cdot\text{etanol}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$$

$$\text{ETOHdestilado} := \overrightarrow{(\text{LDmolar}\cdot\text{xmD})}$$

$$\frac{\text{gmol}\cdot\text{etanol}}{\text{h}} = \frac{\text{gmol}\cdot\text{de}\cdot\text{mezcla}}{\text{h}} \cdot \frac{\text{gmol}\cdot\text{de}\cdot\text{etanol}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$$

$$\% \text{ETOHrecuperado} := \left( \overrightarrow{\frac{\text{ETOHdestilado}}{\text{ETOHalimentado}}} \right) \cdot 100$$

$$\% \text{ETOHrecuperado} = 56.143$$

FIN

NO BORRAR

Comparación del equilibrio termodinámico con el equilibrio alcanzado en cada plato de la torre PIGNAT

Equilibrio termodinámico

---

---

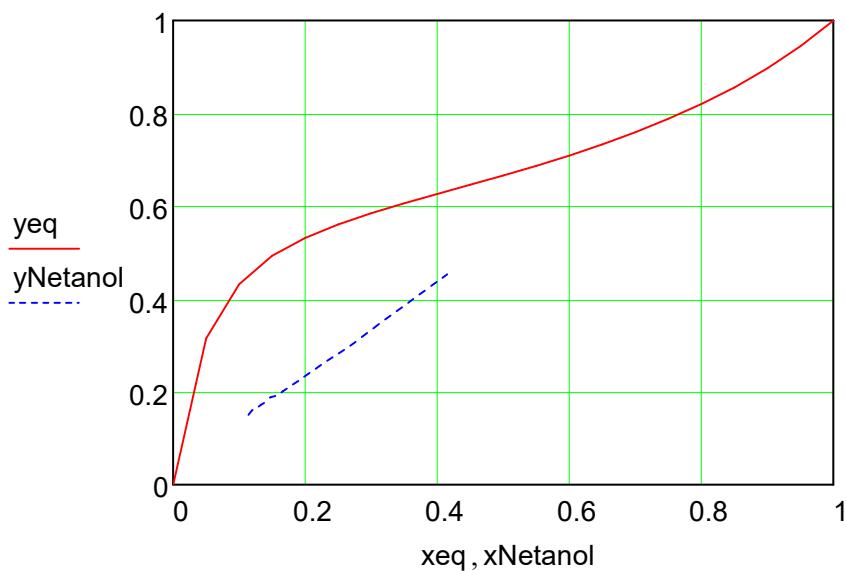
$x_{eq} :=$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0.05 \\ 0.1 \\ 0.15 \\ 0.20 \\ 0.25 \\ 0.3 \\ 0.35 \\ 0.4 \\ 0.45 \\ 0.5 \\ 0.55 \\ 0.6 \\ 0.65 \\ 0.7 \\ 0.75 \\ 0.8 \\ 0.85 \\ 0.9 \\ 0.95 \\ 1.0 \end{pmatrix}$	$y_{eq} :=$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0.315 \\ 0.432 \\ 0.493 \\ 0.532 \\ 0.561 \\ 0.585 \\ 0.606 \\ 0.626 \\ 0.646 \\ 0.666 \\ 0.687 \\ 0.709 \\ 0.733 \\ 0.759 \\ 0.788 \\ 0.82 \\ 0.856 \\ 0.897 \\ 0.945 \\ 1.0 \end{pmatrix}$	$T^{\circ}C_{eq} :=$	$\begin{pmatrix} 92.725 \\ 84.017 \\ 80.204 \\ 78.127 \\ 76.814 \\ 75.888 \\ 75.178 \\ 74.599 \\ 74.106 \\ 73.674 \\ 73.288 \\ 72.943 \\ 72.635 \\ 72.364 \\ 72.132 \\ 71.945 \\ 71.809 \\ 71.732 \\ 71.726 \\ 71.806 \\ 71.992 \end{pmatrix}$
-------------	--	-------------	--	----------------------	--

Temperaturas del modelo



$$\begin{aligned}
 x_{\text{Netanol}} &:= \begin{pmatrix} 0.415 \\ 0.319 \\ 0.265 \\ 0.231 \\ 0.208 \\ 0.191 \\ 0.177 \\ 0.166 \\ 0.156 \\ 0.147 \\ 0.14 \\ 0.133 \\ 0.126 \\ 0.119 \\ 0.113 \end{pmatrix} \\
 y_{\text{Netanol}} &:= \begin{pmatrix} 0.453 \\ 0.354 \\ 0.296 \\ 0.265 \\ 0.242 \\ 0.225 \\ 0.212 \\ 0.201 \\ 0.192 \\ 0.188 \\ 0.178 \\ 0.172 \\ 0.165 \\ 0.16 \\ 0.149 \end{pmatrix} \\
 T_{pb}^{\circ}\text{C} &= \dots
 \end{aligned}$$

$$\frac{\text{gmol}\cdot\text{ETOH}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}
 \quad
 \frac{\text{gmol}\cdot\text{ETOH}}{\text{gmol}\cdot\text{mezcla}}$$



El equilibrio en la columna PIGNAT está por abajo del equilibrio termodinámico







